



محمد داربر^۱؛ هادی شاکری^۲*

۱. استادیار؛ دانشکدهی مهندسی معدن، دانشگاه صنعتی سهند تبریز

۲. مربی؛ دانشکدهی مهندسی معدن، دانشگاه صنعتی سهند تبریز

دريافت مقاله: ١٣٩٨/٠٢/٢٢ پذيرش مقاله: ١٣٩٨/٠٤/٢٤ (DOI):10.22107/jpg.2019.184733.1095

چکیدہ	واژگان کلیدی
۔ شکست هیدرولیکی یکی از مهمترین روشهای تحریک مخازن نفت و گاز است که برای افزایش جریان سیال	مدلسازی فیزیکی، شکست
از مخازن با تراوایی پایین به سمت چاه استفاده می شود. عوامل مختلفی همچون رژیم تنش ها، درزهها و	هیدرولیکی، رژیم تنش،
شکستگیهای طبیعی سازند، رئولوژی سیال، خواص مکانیکی سازند، شدت جریان سیال تزریقی و مشبک کاری	فسار سکست، هندسه شکست
بر روی فشار و هندسه شکست هیدرولیکی تأثیرگذار هستند. در این تحقیق برای بررسی آزمایشگاهی تأثیر	

رژیم تنش ها بر شکست هیدرولیکی، با در نظر گرفتن شرایط مخزن، دستگاه سه محورهای طراحی و ساخته شد. این دستگاه، توانایی اعمال تنش های ناهمسانگرد برجای زمین در مقیاس آزمایشگاهی را دارا میباشد. سپس ۳۲ نمونه مکعبی سیمانی با ابعاد ۲۰×۲۰ سانتیمتر ساخته شد و تأثیر رژیم تنش ها، بر روی هندسه و فشار شکست هیدرولیکی، نمودار فشار-زمان و نحوه گسترش ریزترکها و شکستگیهای متقاطع در دو حالت چاه قائم و افقی بررسی شد. نتایج مطالعات آزمایشگاهی نشان داد، با افزایش تنش افقی حداکثر در چاه قائم، فشار شکست، یک روند افزایشی- کاهشی و در چاه افقی، فشار شکست، یک روند تقریباً کاهشی را نشان میدهد. در چاه قائم، تأثیر تنش افقی حداکثر بر روی فشار شکست، بیشتر از تنش قائم است؛ در حالی که در چاه افقی، تأثیر تنش قائم، بیشتر از تنش افقی است. همچنین با کاهش تنش تفاضلی افقی، در هر دو چاه قائم و افقی، ریزترکها و ترکهای شاخهای کوتاه بیشتر میشود. بررسیهای آزمایشگاهی این تحقیق با استفاده از مواد شبه سنگی، رفتار مواد سنگی مطالعات قبلی را تأیید می کند.

۱. پیشگفتار

شکست هیدرولیکی به صورت صنعتی در سال ۱۹۴۹ توسط *Clark*, کلارک از شرکت نفت و گاز *Stanolind* معرفی شد (, *Clark*). در دهههای گذشته، کاربرد این فناوری در مخازنی با نفوذپذیری پائین، همچون شیل، گاز و ماسهسنگ سخت *API Technical Report*, 2009; میل *API Technical Report*, 2009). شکست هیدرولیکی، به افزایش یافته است (, *Fallahzadeh et al.*, 2015). شکست هیدرولیکی، به صورت گستردهای برای افزایش استفاده از انرژی ژئوترمال با ایجاد یا گسترش شبکه شکست در مخازن استفاده می شود *مورت گاز آمریکا*، از این فناوری استفاده می کنند. امروزه در منطقه آمریکای شمالی، در حدود ۵۸ درصد از چامهای گازی و ۳۸ درصد از چامهای نفتی، از شکستگیهای مصنوعی، برای

تحریک مخازن نفت و گاز استفاده می کنند. استفاده از تکنولوژی شکست هیدرولیکی در چاههای ذکر شده، باعث افزایش دو تا پنج برابری تولید شده است. تحقیقات انجام شده نشان می دهد عملیات شکست هیدرولیکی، تولید چامهای نفتی را تا ۳۰ درصد و چاههای گازی را تا ۹۰ درصد افزایش می دهد (Montgomeri & Smith, 2010).

مطالعات زیادی روی عوامل مؤثر بر فشار شکست هیدرولیکی، شامل رژیم تنشها، درزهها و شکستگیهای طبیعی سازند، رئولوژی سیال، خواص مکانیکی سازند، شدت جریان سیال تزریقی و مشبک کاری انجام شده است. هایمسون و فیرهرست (۱۹۶۹)، با بررسی شکست هیدرولیکی بر روی نمونههای مصنوعی بلوکی از جنس هیدروستون

^{*} دانشکده مهندسی معدن، دانشگاه صنعتی سهند تبریز، تبریز، ایران رایانامه: shakeri@sut.ac.ir

به بررسی آزمایشگاهی تأثیر تنشهای تفاضلی بر روی جهت و فشار شکست هیدرولیکی در ماسه سنگها پرداختند. نتایج نشان داد، زمانی که تنشهای تفاضلی پایین باشد، فشار شکست بالا بوده و راستای شکاف ایجاد شده توسط بافت خود سازند کنترل می شود. همچنین در تنشهای افقی بالا، شکست غالب، از نوع برشی و در تنشهای افقی پائین، شکست غالب از نوع کششی است (Damani et al., 2012). بهنیا و همکاران (۲۰۱۳)، مطالعات آزمایشگاهی بر روی روند انتشار ترکهای مصنوعی در عملیات شکست هیدرولیکی در سنگهای لایهای انجام دادند (Behnia et al., 2013). نتایج مطالعات آنها نشان داد که نوع ناپیوستگی و پرشدگی آن، تأثیر زیادی بر روند رشد شکست هیدرولیکی دارد. همچنین تغییر ویژگیهای الاستیک لایهها نیز میتواند بر چگونگی رشد ترک و هندسه آن مؤثر باشد. چیترالا و همکاران (۲۰۱۳)، به بررسی آزمایشگاهی تأثیر تنشهای تفاضلی بر روی گسترش شکست هیدرولیکی در نمونههای ماسهسنگ پرداختند. نتایج نشان داد، وقتی تنش افقی حداکثر بالا باشد، فشار شكست كاهش يافته و هندسه شكست به صورت صفحه نازک و متقارن است (Chitrala et al., 2013). جلیلی و آهنگری (۲۰۱۷)، هندسه شکست هیدرولیکی را در رژیمهای تنشى مختلف مطالعه كردند و نشان دادند كه در يك فشار شکست معین، عرض و ارتفاع شکاف، در رژیم تنشی نرمال، بیشتر از رژیم تنشی معکوس است؛ در حالی که طول شکاف در رژیم تنشی معکوس، بیشتر از رژیم تنشی نرمال است (Jalili & Ahangari, 2017)

در سالهای اخیر، مطالعات گستردهای در ارتباط با استفاده از علم مکانیک شکست سنگ برای مدلسازی مکانیزم انتشار ترکها و شکستگیهای مصنوعی در سنگ مخزن و هم چنین برخورد این ترکها با شکستگیهای طبیعی موجود در سنگ انجام شده است. حسینینسب و فاتحیمرجی (۲۰۰۷) و فاتحیمرجی (۲۰۱۳، ۲۰۱۴ و فاتحیمرجی (۲۰۰۷، ۹ دردی غیرمستقیم و روش ناپیوستگی جابجایی، به بررسی انتشار و انشعاب ترکها در Hosseini یرایط شبه استاتیکی پرداختهاند (Hosseini به Nasab & Fatehi Marji, 2007; Fatehi Marji, 2013, و حائری و همکاران (۲۰۱۴) و حائری و (سیمان گچی) با تخلخل بالا نشان دادند که گسیختگی ایجاد شده در شکست هیدرولیکی از نوع کششی بوده و با افزایش قطر چاه، فشار شکست کاهش یافته و نیز با افزایش نرخ فشار تزريق، فشار شكست افزايش مي يابد (& Haimson Fairhurst, 1969). وارپینیسکی و همکاران (۱۹۸۲)، تأثیر رژیم تنشها را بر نحوه گسترش شکست بررسی کردند. نتایج مطالعات آنها نشان داد، در تنش محصور کننده پائین، فشار شکست پایین بوده و با افزایش تنشهای جانبی، فشار شکست افزایش می یابد و موجب گسترش شکست هیدرولیکی می شود (Warpinski et al., 1969). دوو و بویس (۱۹۸۹)، مطالعات آزمایشگاهی شکست هیدرولیکی را بر روی نمونههای آماده شده از نمک با نسبت تنش برجای بین یک تا دو انجام دادند. نتایج بررسیهای آنها نشان داد که تنش انحرافی بر روی هندسه شكست مؤثر است (Doe & Boyce, 1989). پاتر و همکاران (۲۰۰۰)، تأثیر پارامترهایی همچون شدت جریان سیال تزریقی، تنش تفاضلی، رژیم تنش و الگوی ناپیوستگی را بر روی شکست هیدرولیکی در بلوکهای سیمانی با ناپیوستگیهای مصنوعی بررسی کردند. نتایج مطالعات آنها نشان داد، با افزایش شدت جریان سیال تزریقی، هرزروی سيال كمتر مي شود و همچنين پيچاپيچي 'كمتري اتفاق مي-افتد. همچنین، آنها نشان دادند که با افزایش تنش تفاضلی، شکاف ایجاد شده در راستای صفحه ترجیحی شکست (امتداد تنش افقی حداکثر) بوده و برخورد کمتری با ناپیوستگیهای مصنوعی دارد (Beugelsdijk et al., 2000).

بهلولی و پاتر (۲۰۰۶)، تأثیر تنش محصور کننده و رئولوژی سیال را بر روی شکست هیدرولیکی در سنگهای تحکیم نیافته بررسی کردند. نتایج مطالعات آنها نشان داد، در سیال نیوتونی ویسکوز و گل بنتونیت، هیچ شکستی ایجاد نمی شود؛ همچنین با افزایش تنشهای محصور کننده، نسبت فشار شکست به تنش افقی، کاهش مییابد (۲۰۱۱)، مطالعات فشار شکست به تنش افقی، کاهش مییابد (۲۰۱۱)، مطالعات آزمایشگاهی شکست هیدرولیکی را برای تعیین هندسه و مکانیزم شکست در سازندهای نرم انجام دادند. نتایج مطالعات آنها نشان داد، در تنش قائم بالا، مکانیزم شکست غالباً برشی و در تنش قائم پایین، مکانیزم شکست غالباً کششی است (۲۰۱۲)، دمنی و همکاران (۲۰۱۲)،

¹T ortuosity

همکاران (۲۰۱۵ الف و ۲۰۱۵ ب) گسترش ترکها را با استفاده از روش ناپیوستگی جابجایی و آزمایشهای آزمایشگاهی در نمونههای شبهسنگی، شبیهسازی نمودهد (Haeri et al., 2014; Haeri et al., 2014a & 2015b) عبداللهی پور و همکاران (۲۰۱۶) و مرادی و همکاران (۲۰۱۷ و ۲۰۱۸) به شبیهسازی مکانیزم انتشار ترکهای مصنوعی در عملیات شکست هیدرولیکی و بر خورد آنها با شکستگیهای طبیعی سنگ بر مبنای روش ناپیوستگی جابجایی پرداختهد Abdollahipour et al., 2016; Moradi et al., 2017 (۲۰۱۹ گ). اخیراً، بخشی و همکاران (۲۰۱۹)، با استفاده از روش المان مجزا، انتشار ترکها در محیط سنگی متخلخل را Bakhshi et al. 2019).

هندسه شکست، یکی از مهمترین فاکتورهایی است که در مطالعات شكست هيدروليكي بايستي بررسي شود. معمولاً برای رژیمهای تنشی که نرمال نیستند، پیشبینی هندسه شكست هيدروليكي، پيچيده و مشكل است. قبل از طراحي شکست هیدرولیکی، دانستن امتداد و هندسه عمومی شکست هيدروليكي القاء شده بسيار مهم است. اگر شكست هيدروليكي القاء شده به صورت افقى گسترش يابد، اما محاسبات راندمان چاه بر پایه هندسه و امتداد قائم شکست باشد؛ نتایج می تواند دچار اشکال شود. به عبارت دیگر، اگر در گام طراحی عملیات شکست هیدرولیکی در رژیم تنشی معکوس، شکستگیهای افقی، قائم فرض شوند؛ راندمان و بهرهوری چال هم از لحاظ فنی و هم از نظر اقتصادی درست تعیین نخواهد شد. در این مقاله، تأثیر رژیم تنشها بر روی فشار و هندسه شکست هیدرولیکی مطالعه شده است. بدین منظور دستگاه سه محورهای با قابلیت اعمال هر سه مؤلفه تنش اصلي، طراحي و ساخته شد. اين دستگاه، توانايي اعمال تنشهای ناهمسانگرد برجای زمین در مقیاس آزمایشگاهی را دارا میباشد. در ادامه با استفاده از مدلسازی فیزیکی، ۳۲ نمونه مكعبى سيماني، با اندازه ١٠×١٠×١٠ سانتيمتر ساخته شد و تأثیر تغییر تنشهای قائم و تنشهای افقی حداکثر در دو چاه قائم و افقی بر پارامترهای مختلف عملیات شكست هيدروليكى شامل فشار شكست، هندسه شكست هیدرولیکی، نمودار فشار-زمان و نحوه گسترش ریزترکها و شکستگیهای متقاطع بررسی شد.

۲. تئوری شکست هیدرولیکی

در فرآیند شکست هیدرولیکی، برای غلبه بر رژیم تنشها و مقاومت کششی سنگ، سیال شکست به داخل چاه تزریق میشود و با اعمال فشار، سبب ایجاد شکاف در سنگ مخزن میشود. این شکافها، مسیری را برای عبور هیدرو کربن از سازند کم تراوا به داخل چاه ایجاد می کنند. بنابراین، فرآیند شروع شکست هیدرولیکی، عمدتاً به فشار سیال چاه، خواص مکانیکی سازند، غالب شدن بر رژیم تنشهای برجای سازند و جهت چاه بستگی دارد (Hossain et al., 2000).

فشار لازم جهت ایجاد شکاف در سازند، فشار شکست سازند نامیده می شود. این فشار یکی از پارامترهای کلیدی در طراحی عملیات شکست هیدرولیکی است. برای شکست سازند، بایستی بر تنش حداقل و مقاومت کششی سازند غلبه شود (Fjar et al., 2008). معیار کلی برای شروع شکست کششی در سازند، عبارت است از:

 $\sigma_{\theta} - P_{P} = -T_{0}$ (1) که $\sigma_{ heta}$: تنش مماسی، P_P : فشار منفذی و T_0 : مقاومت کششی $\sigma_{ heta}$ سازند است. تنشهای برجا در سازندها را میتوان بهوسیله سه تنش متعامد σ_V در راستای قائم و σ_H و σ_h به ترتیب حداکثر و حداقل در راستاهای افقی متقابل دوگانه و متعامد، تعریف کرد. سیستمهای گسل زمین شناسی اغلب بر اساس تئوری های شکست برشی موهر و کلمب تعریف و بر اساس اندازه نسبی تنشهای اصلی طبقهبندی میشوند. بسته به مقادیر نسبی σ_{V} و σ_{h} ، سه نوع رژیم تنشی گسل نرمال و ($\sigma_H > \sigma_V > \sigma_h$)، گسل لغزشی ($\sigma_V > \sigma_H > \sigma_h$) و گسل معکوس ($\sigma_{H} > \sigma_{h} > \sigma_{V}$) تعریف می شود (Hossain et al., 2000). زمانی که یک چاه در داخل سازند حفاری می شود؛ توده سنگ تحت تنش، به وسیله هر یک از سه رژیم تنش ذکر شده، حفاری شده و با سیال تحت فشار جایگزین می شود. شکل ۱، سیستم تنشهای برجا را در یک چاه شیبدار نشان میدهد. فشار شکست سازند در چاه قلام از رابطه زير به دست مي آيد (Hossain et al., 2000):

 $P_{wf} = 3\sigma_h - \sigma_H - P_P + T_0$ (۲) که P_{wf} فشار شکست سازند، σ_h : تنش افقی حداقل و P_{wf} : تنش افقی حداکثر است. معادله فوق، مرز بالایی تخمین فشار شکست سازند را نشان میدهد. نفوذ سیال به داخل سازند، سبب افزایش فشار منفذی در مجاورت چاه می شود. افزایش

فشار منفذی، تنشهای مؤثر و فشار شکست سازند را کاهش میدهد. این فشار به عنوان مرز پایین فشار شکست تعریف میشود (Hossain et al., 2000):

$$P_{wf,lower} = \frac{3\sigma_h - \sigma_H - 2\eta P_P + T_0}{2(1-\eta)} \tag{(7)}$$

که P_{wf,lower}: مرز پائین فشار شکست و *π* پارامتر وابسته به ضریب ثابت پروالاستیک *α* میباشد و از رابطه زیر به دست میآید (Hossain et al., 2000):

$$\eta = \frac{\alpha(1-2\nu)}{2(1-\nu)} \qquad (f)$$

که v: ضریب پواسون است. مقدار η به طور معمول ۲/۲۵ میباشد و برای سنگهایی با تخلخل مؤثر پایین صفر است. استفاده از سیالات با ویسکوزیته پایین و یا تزریق سیال با شدت جریان پایین، سبب نفوذ سیال در سازند و کاهش فشار شروع شکست میشود. فشار شکست سازند در چاه افقی، برای شروع شکست میشود. فشار شکست سازند در باه افقی، برای در استای تنش افقی حداقل و تنش قائم در راستای محور xاست، از رابطه زیر به دست میآید:

$$P_{wf} = \sigma_v + \sigma_H - 2(\sigma_v - \sigma_H)\cos 2\theta - (\Delta)$$
$$P_P + T_0$$

که heta: زاویه بین محور xبا تنش شعاعی است و به رژیم تنش وابسته است. برای 0 = heta و رژیم تنشی گسل نرمال، مرزهای بالایی و پائینی فشار شکست سازند از روابط زیر به دست می آیند:

$$P_{wf} = 3\sigma_H - \sigma_V - P_P + T_0 \qquad (\pounds)$$

$$P_{wf,lower} = \frac{3\sigma_H - \sigma_V - 2\eta P_P + T_0}{2(1-\eta)} \qquad (\forall)$$

برای $\theta = 90$ و رژیمهای تنشی گسل معکوس و لغزشی، مرزهای بالایی و پائینی فشار شکست سازند از روابط زیر به دست میآیند:

$$P_{wf} = 3\sigma_V - \sigma_H - P_P + T_0 \qquad (A)$$

$$P_{wf,lower} = \frac{3\sigma_V - \sigma_H - 2\eta P_P + T_0}{2(1-\eta)} \qquad (P)$$

مرزهای بالایی و پائینی فشار شکست سازند در چاه افقی، برای $^{\circ}09 =$ ، یعنی زمانی که محور چاه در راستای تنش افقی حداکثر است، برای رژیمهای تنشی گسل نرمال و لغزشی از روابط ۱۰ و ۱۱ و برای رژیم تنشی گسل معکوس از روابط ۱۲ و ۱۳به دست می آیند (Hossain et al., 2000):

$$P_{wf} = 3\sigma_h - \sigma_V - P_P + T_0 \qquad (1 \cdot)$$

$$P_{wf,lower} = \frac{3\sigma_h - \sigma_V - 2\eta P_P + T_0}{2(1-\eta)} \qquad (11)$$

$$P_{wf} = 3\sigma_V - \sigma_h - P_P + T_0 \qquad (17)$$

$$P_{wf,lower} = \frac{3\sigma_V - \sigma_h - 2\eta P_P + T_0}{2(1-\eta)} \qquad (17)$$

تنشهای القایی مماسی که در دیواره چاه ایجاد می شوند، دارای مقادیر حداقل و حداکثر هستند. تنش مماسی حداقل در راستای تنش افقی حداکثر و عمود بر تنش افقی حداقل ایجاد می شود و تنش مماسی حداکثر در راستای تنش افقی حداقل و عمود بر راستای تنش افقی حداکثر ایجاد می شود. به همین علت رشد شکاف در راستای تنش افقی حداکثر و گسترش شکاف عمود بر تنش افقی حداقل است. روابط تنش القایی مماسی به صورت زیر می باشد (Fjar et al., 2008):

$$\sigma_{\theta,max} = 3\sigma_H - \sigma_h - P_w \quad \theta = 90 \quad (11)$$

$$\sigma_{\theta,min} = 3\sigma_h - \sigma_H - P_w \quad \theta = 0 \quad (1\Delta)$$



شکل ۱. سیستم تنشهای برجا در یک چاه شیبدار (ψ : زاویه شیب چاه، β: زاویه انحراف چاه و θ: زاویه بین محور x با تنش شعاعی) (Hossain et al., 2000)

۳. مدلسازی فیزیکی شکست هیدرولیکی بررسی تأثیر قبل از اجرای عملیات شکست هیدرولیکی، بررسی تأثیر پارامترهای مختلف با استفاده از آزمایشهای آزمایشگاهی، بسیار مفید است. برای این هدف، قبل از استفاده از نمونههای سنگی واقعی که ممکن است به راحتی در دسترس نباشند، بررسیهای آزمایشگاهی، میتواند روی نمونههای مصنوعی هدایت شود. در این تحقیق نیز، به منظور بررسی تأثیر تنشهای برجا و رژیم تنشها بر روی فشار و جهت شکست میدرولیکی از نمونههای مصنوعی سیمانی استفاده شد. بدین منظور، نمونههای مکعبی سیمانی با استفاده از سیمان پرتلند تیپ ۲ و ماسه بادی با نسبت اختلاط ماسه به سیمان اعمال هر سه مؤلفه تنش را فراهم می کند.

۱.۳ روش آمادهسازی نمونهها

برای تهیه ۳۲ نمونه سیمانی از قالبهای مکعبی ۲۰×۲۰×۲۰ سانتیمتر استفاده شد. پس از مخلوط کردن کامل سیمان و ماسهبادی، آب به مخلوط اضافه شد، سپس نمونهها به مدت ۲۴ ساعت در داخل قالبها، عمل آوری اولیه شدند. بلوکهای سیمانی برای گیرش و مقاوم سازی طبق استاندارد ASTM، پس از بیرون آوردن از قالب، به مدت ۱۴ روز داخل آب قرار گرفتند. در ادامه سطح آزاد نمونهها با دستگاه برش صاف شده و برای سوراخ کاری آماده شد. به

منظور تزریق سیال به داخل نمونههای سیمانی، نمونهها در مرکز سطح مقطع، با استفاده از دستگاه سوراخ کاری و متههای ۸ میلی متری، سوراخ شدند (شکل ۲). بعد از سوراخ کاری، برای جلوگیری از نشت سیال تزریقی به هنگام آزمایش، از آلومینیوم به طول ۳۵ میلی متر با روزنهای به قطر ۳ میلی متر استفاده شد (شکل ۳– الف). قسمتی از لوله با استفاده از ابزار مدیده گردان (شکل ۳– الف). قسمتی از لوله با استفاده از ابزار منتگاه برای انجام تزریق متصل شود. در ادامه لوله های آماده شده به چاه شبیه سازی شده چسبانده شد تا از نشت سیال به هنگام آزمایش جلوگیری شود. شکل ۴، نمونه های سیملی آماده شده برای انجام آزمایش شکست هیدرولیکی را نشان می دهد.

۲.۳ سیال شکست هیدرولیکی

در میان سیالات مختلف، سیالهای بر پایه آب، کاربرد بیشتری دارند (Li et al., 2016). در نمونههای سیمانی آماده شده این مطالعه نیز، از آب به عنوان سیال شکست هیدرولیکی استفاده شد. در این سیال، برای مشاهده هرچه بهتر مسیر گسترش شکاف پس از انجام آزمایش و همچنین برای تعیین دقیق تر جهت شکست، از رنگدانه مشکی، استفاده شد.



شکل۲. سوراخ کاری نمونه های سیمانی

فصلنامهی علمی ژئومکانیک نفت؛ دورهی ۳؛ شمارهی ۳؛ پاییز ۱۳۹۸



شکل۳. الف). لوله های آلومینیومی ب). ابزار حدید کاری



شکل ۴. نمونه های سیمانی آماده شده برای آزمایش شکست هیدرولیکی

۴. تجهیزات آزمایشگاهی

برای مطالعه آزمایشگاهی شکست هیدرولیکی، دستگاه سه محورهای طراحی و ساخته شد. این دستگاه، توانایی اعمال تنش های ناهمسانگرد برجای زمین در مقیاس آزمایشگاهی را دارا میباشد. سیستم استفاده شده برای راهاندازی آزمایش، شامل یک انباشتگر، دستگاه سه محوره، پمپ جابجایی با شدت جریان ثابت *HPLC* و لولههای اتصالی است. دستگاه سه محوره برای اعمال تنش های برجا و نیز پمپ هیدرولیکی سه محوره برای انتقال سیال تحت فشار هیدرولیکی به داخل نمونههای سنگی استفاده می شوند. شکل ۵، نمایی از تجهیزات آزمایشگاهی استفاده شده برای انجام عملیات آزمایشگاهی شکست هیدرولیکی در این تحقیق را نشان می دهد. در این دستگاه، با استفاده از سه جک دستی تعبیه شده در سه جهت متعامد، تنش های ناهمسانگرد به نمونه

مورد نظر اعمال می شود. ظرفیت اعمال نیرو در یک جهت ۴۰ تن و در دو جهت دیگر ۳۰ تن می باشد. برای اعمال تنشهای مد نظر با دقت بالا، هر کدام از جکهای هیدرولیکی با استفاده از یک عدد لودسل با دقت ۱ نیوتن کالیبره شدند. برای هر میزان تنش اعمالی، می توان با رسم نمودار کالیبراسیون برای هر جک، فشار مورد نیاز را محاسبه کرد. جهت ثابت نگه داشتن تنشهای اعمالی، پکرهای جکهای هیدرولیکی با نوع بسیار مرغوب تعویض شدند تا مشکل افت تنش اعمالی مشاهده می شود. در شکل ۶، نمایی از دستگاه ساخته شده مشاهده می شود. برای طراحی دستگاه از لحاظ پایداری در برابر تنشهای وارده، از نرمافزار آباکوس استفاده شد. برای ساخت دستگاه از فولاد *Sta7* استفاده شد که دارای مدول الاستیسیته ۲۱۰ گیگاپاسکال و ضریب پواسون ۲/۰ می باشد.



شکل ۵. تجهیزات آزمایشگاهی و نحوه اعمال تنشهای برجا



شکل ۶. نمایی از دستگاه سه محوره

۵. خواص مکانیکی نمونههای آماده شده

برای تعیین خواص مکانیکی نمونههای آماده شده از استاندارد ISRM (۲۰۰۷) استفاده شد. مقادیر مقاومت فشاری تک محوری ۵ نمونه آماده شده با قطر ۵۴ میلیمتر و نسبت طول به قطر ۲/۵، با استفاده از آزمایش فشاری تک محوری سرو کنترل، با نرخ بار *kN/s* ۲، تعیین شد. همچنین نمودارهای تنش-کرنش هر نمونه، ترسیم شده و مقادیر مدول الاستیک مماسی از روی منحنی تنش-کرنش هر یک از نمونهها تعیین

شد. تعیین مقاومت کششی برای تحلیل نتایج به دست آمده از آزمایش های شکست هیدرولیکی بسیار حائز اهمیت می -باشد. مقادیر مقاومت کششی برزیلی نیز با استفاده از ۱۰ نمونه NX با نسبت طول به قطر ۲۵/۵۰ با نرخ بار گذاری kN/s ۲/۰تعیین شد. خواص مکانیکی نمونه های سیمانی آماده شده برای آزمایش، در جدول ۱ آورده شده است.

جدول ۱. خواص مکانیکی نمونههای سیمانی

مدول يانگ (GPa)	مقاومت کششی (MPa)	مقاومت فشاری تک محوره (MPa)	نوع نمونه
۴/۶۰	$\Delta / \cdot \Lambda$	۲۸/۷۱	سيمانى

۶. مطالعه تأثیر رژیم تنشها بر عملیات شکست هیدرولیکی

پارامترهای مختلفی همچون شدت جریان تزریق، نوع سیال شکست، ویسکوزیته سیال، رژیم تنشها، مقاومت کششی سنگ، مدول الاستیسیته، رژیم تنش اطراف چاه، فشار منفذی، مشبک کاری و تنش تفاضلی بر عملیات شکست هیدرولیکی تأثیر می گذارند. در این تحقیق، با استفاده از ۳۲ نمونه سیمانی آماده شده، به بررسی تأثیر تغییر تنشهای قلام و افقی حداکثر بر روی هندسه و فشار شکست، نمودار فشار-زمان و نحوه گسترش ریزتر کها و شکستگیهای متقاطع در عملیات شکست هیدرولیکی پرداخته شده است. در تمامی آزمایش های انجام شده، یک تکرار آزمایش برای اطمینان از نتایچ به دست آمده انجام شده است.

۱.۶ اثر تغییر تنش قائم در چاه قائم

در ابتدا، تأثیر افزایش تنش قائم برجا در چاه قائم بر روی فشار و هندسه شکست هیدرولیکی، در حالی که تنشهای افقی ثابت هستند، بررسی شد. ۸ نمونه سیمانی برای مطالعات این بخش استفاده شد که نتایج آن در جدول ۲ آورده شده است. علت اختلاف نتایج فشار شکست در بعضی موارد، بین هر زوج از آزمایشها، تعداد تکرار ۲ بار در این تحقیق، با توجه به محدودیتهای موجود بوده است. معیار اصلی در انتخاب جواب صحیح، به دست آوردن روند منطقی در هر آزمایش بوده و میانگین گیری برای کلیه آزمایشها انجام شده است. مطالعات آزمایشگاهی نشان داد، تغییر تنش قائم، تأثیر زیادی بر روی فشار و هندسه شکست دارد. با افزایش تنش قائم از

۱۰/۳ MPa تا ۱۰/۳ MPa، ابتدا میانگین فشار شکست حدود ۳۸ درصد افزایش و سپس با افزایش تنش قائم از ۱۴/۳ MPa تا ۱۴/۳ MPa، میانگین فشار شکست حدود ۴۳ درصد کاهش یافت. علت کاهش فشار شکست در منحنی میانگین را می توان با توجه به مقاومت کششی بلوک سیملی توضیح داد. با توجه به مقاومت تک محوره نمونه مورد آزمایش، افزایش تنش قائم تا یک مرزی، سبب بسته شدن ریزتر کهای داخل سنگ و در واقع باعث افزایش مقاومت کششی سنگ می شود.

همین امر سبب افزایش فشار شکست در سنگ میشود. اما از یک مرز مشخصی به بعد، افزایش تنش قائم به عنوان عامل کمکی سبب بازشدگی بیشتر ریزترکها و کاهش مقاومت کششی سنگ میشود. در اینجا با ورود عامل خارجی به داخل سنگ که همان سیال شکست است؛ گسترش سریع-تر ریزترکها و غلبه بر مقاومت کششی سنگ انجام میشود. لازم است، کاهش خواهد یافت؛ چرا که تنش قائم در این حالت به عنوان عاملی برای کاهش فشار شکست عمل می کند. افقی حداقل) با افزایش تنش تفاضلی (اختلاف بین تنش قائم و دیگر، با افزایش تنش تفاضلی از MPA تا میاشد. به عبارت میانگین فشار شکست حدود ۸۸ درصد افزایش و سپس با افزایش تنش تفاضلی از ۱۰ MPA میاند، میانگین فشار شکست حدود ۴۸ درصد افزایش و سپس با

آزما
,
:
)
,
,
•
-

جدول ۲. نتایج حاصل از تغییر تنش قائم در چاه قائم بر فشار شکست

در شکل ۷، تصویر مربوط به بلوک شکسته شده و نمودار فشار-زمان آزمایش ۷ نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می شود پس از شروع شکست، منحنی فشار شکست با گذشت زمان دچار نوسان و ترکهای ثانویه و شاخهای تشکیل می شود. همچنین، هندسه شکست هیدرولیکی به صورت قائم و هم راستا با محور چاه ایجاد می شود. با افزایش تنش قائم، ترکهای شاخهای ظاهر شده و سبب پیچیدهتر شدن هندسه شکست می شوند. همچنین مشاهده می شود که با افزایش تنش قائم، جهت شکست از راستای تنش افقی حداکثر منحرف شده و در راستای دیگر رشد می کند. معمولاً،

در عملیات واقعی نیز، شکست هیدرولیکی از ابتدا دقیقاً در راستای تنش افقی حداکثر قرار ندارد و به دلیل تنشهای القایی و ایجاد شکستگیهای متعدد در نزدیکی چاه، راستای اولیه رشد میتواند متفاوت باشد. راستای شکست پس از طی مسافتی به تدریج در راستای تنش افقی حداکثر قرار می گیرد. در نمونههای مطالعه شده این تحقیق نیز، عدم انطباق راستای شکست هیدرولیکی با راستای تنش افقی حداکثر میتواند به دلیل ابعاد کوچک نمونهها باشد.



شکل ۲. بررسی تأثیر افزایش تنش قائم برجا در چاه قائم بر هندسه شکست الف) نمونه شکسته شده ب) نمودار فشار – زمان (آزمایش شماره ۲)

۲.۶ اثر تغییر تنش افقی حداکثر در چاه قائم

برای بررسی تغییر تنش افقی حداکثر در چاه قائم بر روی شکست هیدرولیکی، در حالی که تنشهای قائم و افقی حداقل ثابت هستند، از ۸ نمونه مکعبی سیمانی استفاده شد. نتایج آزمایشهای انجام شده در جدول ۳ ارائه شده است. با افزایش تنش افقی حداکثر از ۴/۳ MPa تا ۸/۶ MPa، ابتدا میانگین فشار شکست حدود ۶۶ درصد افزایش و سپس با افزایش تنش افقی حداکثر از ۸/۶ MPa تا ۱۰/۷ میانگین فشار شکست حدود ۲۹ درصد کاهش یافت. از نظر تئوری، طبق رابطههای ۱۴ و ۱۵، با افزایش تنش افقی حداکثر، تنش القایی مماسی حداکثر افزایش مییابد و چون تنش القایی مماسی حداکثر، عمود بر راستای تنش افقی حداکثر است، برای رشد

ترک در این راستا، فشار سیال متناظر با افزایش تنش مماسی حداکثر، افزایش می ابد. در آزمایش پایانی، علت کاهش فشار شکست با افزایش تنش افقی حداکثر، می تواند به علت کاهش مقاومت کششی سنگ باشد. در شکل ۸، تصویر مربوط به بلوک شکسته شده و نمودار فشار-زمان آزمایش ۶ نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می شود، شکست ایجاد شده در این نمونه، دو باله متقارن است که در جهت تنش افقی در این نمونه، دو باله متقارن است که در جهت تنش افقی حداکثر رشد کرده و در جهت عمود بر تنش افقی حداقل گسترش می یابد. هندسه غالب شکست، قائم بوده و شکست در راستای محور چاه و تنش افقی حداکثر رشد می کند. همچنین، با افزایش تنش افقی حداکثر، ترکهای شاخهای و کوتاه افزایش می یابد.

میانگین فشار شکست (MPa)	فشار شکست (MPa)	تنش افقی حداقل (MPa)	تنش افقی حداکثر (MPa)	تنش قائم (MPa)	شماره آزمایش
<u>cin</u>	٧/٣	۴/۳	۴/۳	14/2	١
<i>9</i> / v	۶/۱	۴/٣	۴/۳	1 V/ T	٢
	Λ/Δ	۴/۳	۶/۴	14/5	٣
٨	V/Δ	۴/٣	8/4	1 V/T	۴
	۱۰/۱	۴/٣	$\Lambda/arsigma$	14/5	۵
11/18	17/7	۴/٣	$\lambda/arsigma$	14/5	۶
٧/٩	۱ • / ۲	۴/٣) • /Y	1 V/ T	٧
	۵/۶	۴/٣	۱ • / Y	14/5	٨

جدول ۳. نتایج حاصل از تغییر تنش افقی حداکثر در چاه قائم بر فشار شکست







۳.۶ اثر تغییر تنش قائم در چاه افقی

برای بررسی تأثیر تنش قائم بر روی شکست هیدرولیکی، در چاه افقی که هم راستا با جهت تنش افقی حداقل است، از ۸ نمونه مکعبی سیمانی استفاده شد. نتایج حاصل از آزمایش-های انجام شده در جدول ۴ آمده است. با افزایش تنش قائم، از ۸/۲ MPa تدم در جدول ۴ آمده است. با فزایش تنش قائم، ما ۵۵ درصد افزایش و سپس با افزایش تنش قائم از ۸/۳ MPa تا ۸/۴ MPa ۲۰، میانگین فشار شکست حدود ۶۷ درصد کاهش یافت. از نظر تئوری مطابق رابطه ۶۰ افزایش تنش قائم در چاه

افقی، سبب کاهش فشار شکست می شود. علت افزایش اولیه فشار شکست با افزایش تنش قائم را می توان به بسته شدن ریز ترکهای سنگ نسبت داد. یعنی زمانی که تنش قائم در چاه افقی افزایش می ابد، ابتدا سبب بسته شدن ریز ترکها و افزایش مقاومت کششی در سنگ می شود، بنابراین فشار شکست نیز افزایش می ابد. اما با افزایش مکرر تنش قائم، ریز ترکهای بسته شده تحت افزایش تمرکز تنش، دوباره باز شده و مقاومت کششی را کاهش می دهند و در نتیجه فشار شکست کاهش می بابد.

میانگین فشار شکست (MPa)	فشار شکست (MPa)	تنش تفاضلی ($\sigma_V - \sigma_h$)	تنش افقی حداقل (MPa)	تنش افقی حداکثر (MPa)	تنش قائم (MPa)	شماره آزمایش
٩/١۵	۱۲/۵	٠/۴	Δ/V	۶/۴	٨/٢	١
	Δ/Λ	٠/۴	Δ/V	۶/۴	λ/γ	٢
14/1	14/5	• / ۶	Δ/V	۶/۴	٩/۴	٣
	14/3	• / ۶	Δ/V	۶/۴	٩/۴	۴
17/8	$\chi \pi / \lambda$	•/٨	Δ/V	۶/۴	۱ • / Y	۵
	11/4	•/٨	Δ/V	۶/۴	۱ • / Y	۶
4/80	∇ / λ	١	Δ/V	۶/۴	١٢	٧
	Δ/Δ	١	Δ/V	۶/۴	١٢	٨

جدول ۴. نتایج حاصل از تغییر تنش قائم در چاه افقی بر فشار شکست





در شکل ۹، تصویر مربوط به بلوک شکسته شده و نمودار فشار-زمان آزمایش ۴ نشان داده شده است. هندسه شکست ایجاد شده در این نمونه، قائم است. در نمودار فشار-زمان، منحنی دارای افت فشار ثانویه است که نشان دهنده شکاف متقاطع مستقیم در نمونه است. در سایر نمونهها، هندسه غالب شکست، افقی است و در راستای محور چاه گسترش می یابد. اما در بعضی موارد مانند همین آزمایش، شکستهای محوری و افقی شیبدار و هندسه شکست متقاطع مشاهده می شود. وجود چنین شکستهایی، تفسیر کلی هندسه شکست در چاههای افقی را پیچیده و دشوار می کند.

۴.۶ اثر تغییر تنش افقی حداکثر در چاه افقی برای بررسی تأثیر تغییر تنش افقی حداکثر بر روی شکست هیدرولیکی، در چاه افقی که هم راستا با تنش افقی حداقل است، ۸ آزمایش انجام شد. نتایج آزمایشها در جدول ۵ ارائه شده است. همچنین، برای بررسی تأثیر رژیم تنشی بر هندسه شده است. همچنین، برای بررسی تأثیر رژیم تنشی بر هندسه با افزایش تنش افقی حداکثر در چاه افقی از ۷/۲ MPa تا ۹ MPa ابتدا میانگین فشار شکست حدود ۴ درصد افزایش و سپس با افزایش تنش افقی حداکثر از ۹ MPa ۳ تا ۱۶/۶ تئوری طبق رابطه ۸، افزایش تنش افقی حداکثر به عنوان عاملی کمکی در جهت کاهش فشار شکست می باشد. نتیجه به دست آمده با تئوری شکست هیدرولیکی برای پیشبینی عملیات شکست هیدرولیکی همخوانی دارد. از نظر

میانگین فشار شکست (MPa)	فشار شکست (MPa)	تنش افقی حداقل (MPa)	تنش افقی حداکثر (MPa)	تنش قائم (MPa)	شماره آزمایش
٩/٧	۱۱/۳	Δ/Y	V/V	۶/۴	١
	٨/ ١	Δ/Y	V/V	۶/۴	۲
1•/1	۱۰/۴	Δ/Y	٩	۶/۴	٣
	٩/٨	Δ/Y	٩	۶/۴	۴
	٧/٣	Δ/Y	۱ • /٣	۶/۴	۵
٨/٩	۱ • /۵	Δ/Y	۱ • /٣	۶/۴	۶
۷/۹۵	٨/۴	Δ/Y	11/8	۶/۴	٧
	۲/۵	Δ/Y	11/8	۶/۴	٨

جدول ۵. نتایج حاصل از تغییر تنش افقی حداکثر در چاه افقی بر فشار شکست



شکل ۱۰. بررسی تأثیر افزایش تنش افقی حداکثر در چاه افقی هم راستا با تنش افقی حداقل بر هندسه شکست الف)نمونه شکسته شده ب)نمودار فشار- زمان (آزمایش شماره ۸)

در شکل ۱۰، تصویر مربوط به بلوک شکسته شده و نمودار فشار-زمان آزمایش ۸ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می شود، هندسه شکست، افقی و عرضی بوده و در راستای تنش افقی حداقل گسترش پیدا می کند. به دلیل بیشینه بودن تنش افقی حداکثر، هندسه غالب برای رژیم تنشی گسل لغزشی در چاه افقی، معمولاً افقی و عرضی است. در آزمایشهای ۱ و ۲، هندسه شکست، شیبدار بوده و جهت شکست، انحراف زیادی نسبت به تنش افقی حداکثر دارد. این انحراف از آزمایشهای ۳ تا ۶ کاهش می یابد و در آزمایشهای ۲ و ۸، جهت شکست ایجاد شده، تقریباً در راستای تنش افقی

حداکثر قرار می گیرد. همچنین، با کاهش تنش تفاضلی افقی، ریزتر کها و تر کهای شاخهای کوتاه در سنگ بیشتر شده و هندسه شکست را پیچیدهتر می کنند.

۷. نتیجهگیری

شکست هیدرولیکی یکی از مهمترین روشهای تحریک مخازن نفت و گاز میباشد. پارامترهای مختلفی همچون شدت جریان تزریق، نوع سیال شکست، ویسکوزیته سیال، رژیم تنشها، مقاومت کششی سنگ، مدول الاستیسیته، رژیم تنش اطراف چاه، فشار منفذی، مشبک کاری و تنش تفاضلی بر افزایش تنش افقی حداکثر، جهت شکست ایجاد شده، تقریباً

۳- با کاهش تنش تفاضلی افقی، در هر دو چاه قائم و افقی، ریزتر کها و تر کهای شاخهای کوتاه بیشتر شده و هندسه

۴- مطالعات آزمایشگاهی انجام شده نشان میدهد، در چاه

قائم، تأثیر تنش افقی حداکثر بر روی فشار شکست بیشتر از تنش قائم است در حالی که در چاه افقی، تأثیر تنش قائم،

۵-نتایج مدلسازی آزمایشگاهی انجام شده نشان داد، رفتار

مواد شبه سنگی این مطالعه، نتایج مطالعات وارپینیسکی و

همکاران (۱۹۸۲)، بر روی بلوکهای ماسهسنگ و توف، دوو

و بویس (۱۹۸۹) بر روی نمونههای سنگ نمک و بهلولی و

یاتر (۲۰۰۶) بر روی سنگهای تحکیم نیافته و نیز دمنی و

همکاران (۲۰۱۲) و چیترالا و همکاران (۲۰۱۳) بر روی

بلوکهای ماسه سنگ را تأیید می کند. مطالعات انجام شده

توسط وارپینیسکی و همکاران و دوو و بویس نشان داد، در

تنش محصور کننده پائین، فشار شکست پایین بوده و با

افزایش تنشهای جانبی، فشار شکست افزایش می یابد.

همچنین بهلولی و پاتر، دمنی و همکاران و چیترالا و همکاران

نشان دادند، در تنش محصور کننده بالا، فشار شکست کاهش

یافته و هندسه شکست به صورت صفحه نازک و متقارن است.

بررسیهای آزمایشگاهی این تحقیق با استفاده از مواد شبه

سنگی نیز رفتار مواد سنگی مطالعات قبلی را تأیید می کند. با

توجه به بررسی های انجام شده در این تحقیق، با افزایش تنش

افقی حداکثر در چاه قائم، فشار شکست، یک روند افزایشی-

کاهشی و در چاه افقی، یک روند تقریباً کاهشی را نشان می

در راستای تنش افقی حداکثر قرار می گیرد.

شکست را پیچیدہتر می کند.

بیشتر از تنش افقی حداکثر است.

عملیات شکست هیدرولیکی تأثیر میگذارند. در این مقاله،برای مطالعه آزمایشگاهی تأثیر رژیم تنشها بر روی فشار و هندسه شکست هیدرولیکی، دستگاه سه محورهای با قابلیت اعمال هر سه مؤلفه تنش اصلی، طراحی و ساخته شد. با استفاده از مدل سازی فیزیکی، ۳۲ نمونه سیمانی مکعبی با اندازه ۲۰۱×۲۰۱ سانتی متر ساخته شد و تأثیر تغییر رژیم تنشها بر پارامترهای مختلف عملیات شکست هیدرولیکی شامل فشار شکست، هندسه شکست هیدرولیکی، نمودار فشار-زمان و نحوه گسترش ریزترکها و شکستگیهای متقاطع بررسی شد. نتایج حاصل از آزمایشهای شکست هیدرولیکی انجام شده عبارت است از:

۱ - در چاههای قائم و افقی، تغییر تنش قائم، تأثیر زیادی بر روی فشار و هندسه شکست دارد. هندسه شکست در چاه قائم، مطابق با تئوری گریفیث، قائم بوده و با افزایش تنش قائم، جهت شکست از راستای تنش افقی حداکثر میتواند به شده و در راستای دیگر رشد میکند. عدم انطباق راستای شکست هیدرولیکی با راستای تنش افقی حداکثر میتواند به شکست هیدرولیکی با راستای تنش افقی حداکثر میتواند به شکست، افقی بوده و در راستای محور چاه گسترش مییابد. همچنین با افزایش تنش قائم، ترکهای کوتاه و شاخهای افزایش مییابند.

۲- با افزایش تنش افقی حداکثر در هر دو چاه قائم و افقی، ترکهای شاخهای و کوتاه افزایش می ابد. در چاه قائم، هندسه غالب شکست، قائم بوده و شکست در راستای محور چاه و تنش افقی حداکثر رشد می کند. در چاه افقی، هندسه غالب شکست، افقی و عرضی بوده و در تنش های افقی پائین در راستای تنش افقی حداقل گسترش پیدا می کند و با

۸. مراجع

Abdollahipour, A., Fatehi Marji, M., Bafghi, A. Y., & Gholamnejad, J. (2016). Time-dependent crack propagation in a poroelastic medium using a fully coupled hydromechanical displacement discontinuity method. *International Journal of Fracture*, 199(1), 71-87.

دهد.

- API Technical Report. (2009). *Hydraulic fracturing operations-well construction and integrity guidelines*. Washington, DC: American Petroleum Institute.
- Bakhshi, E., Rasouli, V., Ghorbani, A., Fatehi Marji, M., Damjanac, B., & Wan, X. (2019). Lattice numerical simulations of lab-scale hydraulic fracture and natural interface interaction. *Rock Mechanics and Rock Engineering*, 52(5), 1315-1337.

- Behnia, M., Goshtasbi, K., Golshani, A. A., & Fatehi Marji, M. (2013). Experimental investigations of hydraulic fracturing propagation in multi-layer formation. *Modares Civil Engineering journal*, 13(3), 123.
- Beugelsdijk, L. J. L., de Pater, C. J., & Sato, K. (2000). Experimental hydraulic fracture propagation in a multi fractured medium. In the SPE Asia Pacific Conference on Integrated Modelling for Asset Management, Yokohama, Japan.
- Bohloli, B., & de Pater, C. J. (2006). Experimental study on hydraulic fracturing of soft rocks: Influence of fluid rheology and confining stress. *Journal of Petroleum Science and Engineering*, 53 (1-2), 1-12.
- Chitrala, Y., Moreno, C., Sondergeld, C., & Rai, C. (2013). An experimental investigation into hydraulic fracture propagation under different applied stresses in tight sands using acoustic emissions. *Journal of Petroleum Science and Engineering*, 108, 151-161.
- Clark, J. B. (1949). A hydraulic process for increasing the productivity of wells. *Petroleum Transactions, AIME*, 186, 1-8.
- Damani, A., Sharma, A., Sondergeld, C. H, & Rai, C. S. (2012). Mapping of hydraulic fractures under triaxial stress conditions in laboratory experiments using acoustic emissions. In the *SPE Annual Technical Conference and Exhibition*, Texas, USA.
- Dehghan, A. N., Goshtasbi, K., Ahangari, K., & Jin, Y. (2015). Experimental investigation of hydraulic fracture propagation in fractured blocks. *Bulletin of Engineering Geology and the Environment*, 74 (3), 887-895.
- Doe, T. W., & Boyce, G. (1989). Orientation of hydraulic fractures in salt under hydrostatic and nonhydrostatic stresses. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences*, 26 (6), 605-611.
- Fallahzadeh, S. H., Rasouli, V., & Sarmadivaleh, M. (2015). An investigation of hydraulic fracturing initiation and near-wellbore propagation from perforated boreholes in tight formations. *Rock Mechanics and Rock Engineering*, 48, 573-584.
- Fatehi Marji, M. (2013). On the use of power series solution method in the crack analysis of brittle materials by indirect boundary element method. *Engineering Fracture Mechanics*, 98, 365-382.
- Fatehi Marji, M. (2014). Numerical analysis of quasi-static crack branching in brittle solids by a modified displacement discontinuity method. *International Journal of Solids and Structures*, 51(9), 1716-1736.
- Fatehi Marji, M. (2015). Simulation of crack coalescence mechanism underneath single and double disc cutters by higher order displacement discontinuity method. *Journal of Central South University*, 22(3), 1045-1054.
- Fjar, E., Holt, R. M., Raaen, A. M., Risnes, R., & Horsrud, P. (2008). Petroleum related rock mechanics. 2nd Edition, Elsevier Science publishers B.V, Netherlands.
- Ha, S. J., Yun, T. S., Kim, K. Y., & Jung, S. G. (2017). Experimental study of pumping rate effect on hydraulic fracturing of cement paste and mortar. *Rock Mechanics and Rock Engineering*, 50, 3115-3119.

- Haeri, H., Khaloo, A., & Fatehi Marji, M. (2015a). Experimental and numerical simulation of the microcrack coalescence mechanism in rock-like materials. *Strength of Materials*, 47(5), 740-754.
- Haeri, H., Khaloo, A., & Fatehi Marji, M. (2015b). Fracture analyses of different pre-holed concrete specimens under compression. Acta Mechanica Sinica, 31(6), 855-870.
- Haeri, H., Shahriar, K., Fatehi Marji, M., & Moarefvand, P. (2014). On the crack propagation analysis of rock like Brazilian disc specimens containing cracks under compressive line loading. *Latin American Journal of Solids and Structures*, 11(8), 1400-1416.
- Haimson, B., & Fairhurst, C. (1969). Hydraulic fracturing in porous-permeable materials. Journal of Petroleum Technology, 21(7), 811-817.
- Hossain, M. M., Rahman, M. K., & Rahman, S. S. (2000). Hydraulic fracture initiation and propagation: roles of wellbore trajectory, perforation and stress regimes. *Journal of Petroleum Science and Engineering*, 27(3-4), 129-149.
- Hosseini Nasab, H., Fatehi Marji, M. (2007). A semi-infinite higher-order displacement discontinuity method and its application to the quasistatic analysis of radial cracks produced by blasting. *Journal of Mechanics of Materials and Structures*, 2(3), 439-458.
- Jalili, S., & Ahangari, K. (2017). Effects of different stress regimes on hydraulic fracture geometry: a particle flow code approach. *Innovative Infrastructure Solutions*, 2(41).
- Li, X., Feng, Z., Han, G., Elsworth, D., Marone, C., Saffer, D., & Cheon, D. S. (2016). Breakdown pressure and fracture surface morphology of hydraulic fracturing in shale with H2O, CO2 and N2. *Geomechanics and Geophysics for Geo-Energy and Geo-Resources*, 2, 63-76.
- Montgomeri, C. T., & Smith, M. B. (2010). *NSI technologies, hydraulic fracturing: history of an enduring technology*. Technical Report JPT, JPT.
- Moradi, A., Tokhmechi, B., Rasouli, V., Fatehi Marji, M. (2017). A comprehensive numerical study of hydraulic fracturing process and its affecting parameters. *Geotechnical and Geological Engineering*, 35(3), 1035-1050.
- Moradi, A., Tokhmechi, B., Rasouli, V., Fatehi Marji, M. (2018). Displacement discontinuity analysis of the effects of various hydraulic fracturing parameters on the crack opening displacement (COD). *Journal of Petroleum Science and Technology*, 8(3), 3-13.
- Olson, J. E., & Bahorich, B. (2012). Examining hydraulic fracture: Natural fracture interaction in hydrostone block experiments. In the *SPE Hydraulic Fracturing Technology Conference*, Texas, USA.
- Warpinski, N. R., Clark, J. A., Schmidt, R. A., & Huddle, C. W. (1982). Laboratory investigation on the effect of in-situ stresses on hydraulic fracture containment. Society of Petroleum Engineers Journal, 22(3), 333-340.