



مقالهٔ پژوهشی

بررسی عددی تغییر میدان تنشهای کل در مخازن نفت تحت اثر فرآیند استخراج، با در نظر گرفتن رفتار غیرخطّی برای سنگ مخزن

### برزین شریفی<sup>۱</sup>؛ علی پاک<sup>۲\*</sup>

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکدهٔ مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف تهران ۲- استاد، دانشکدهٔ مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف تهران

### دريافت مقاله: ١٤٠٢/٠١/٠۵ پذيرش مقاله: ١٤٠٢/٠٣/٠۶ شناسه ديجيتال (DOI): 10.22107/JPG.2023.390795.1190

واژگان کلیدی	چکیدہ
تغییر تنشهای کل،	در اثر برداشت از مخازن نفت و گاز زیرزمینی فشار منفذی در مخزن کاهش یافته و بهتناسب آن تنش مؤثّر
بازتوزیع تنش، قوسزدگی	افزایش مییابد. اگرچه تحکیم (Consolidation) تدریجی مخازن زیرزمینی و تراکم آنها در اثر استخراج
تنش، شبیهسازی همبستهٔ	می تواند سبب بهبود روند تولید و تسهیل در خروج سیّال هیدروکربوری در اثر رانش تراکمی ( Compaction
هیدرومکانیکی، رفتار	Drive) آن گردد، میتواند مشکلاتی را نیز بههمراه داشته باشد. اندازهگیریهای میدانی در دو دههٔ گذشته
الاستيك غيرخطّى	حاکی از آن است که علاوهبر تغییر تنش مؤثّر در محدودهٔ مخزن، میدان تنشهای کل (Total Stress Field)
	نیز در داخل و اطراف مخزن می تواند تغییر کند. در اثر نشستی که سقف مخزن بهدلیل وقوع تحکیم متحمّل

می شود، از پایداری این ناحیه کاسته شده و با کاهش پایداری سقف مخزن در اثر تراکم، این ناحیه ظرفیّت سابق را برای تحمّل وزن روباره (Over-burden) نخواهد داشت. این پدیده موجب "بازتوزیع تنش" (Stress Redistribution) در داخل و اطراف مخزن می گردد. علّت رخداد بازتوزیع تنش به پدیدهٔ "قوسزدگی تنش" (Stress Acching) نصب داده می شود. از آنجا که توزیع تنش بر اساس سختی مصالح و نحوه اتّکای پایدار لایه ها بر یکدیگر انجام می شود، با کاهش پایداری ناحیهٔ سقف مخزن و تغییر نحوه اتّکای مصالح در این محدوده، بخشی از باری که پیشتر پیدار لایه ها بر یکدیگر انجام می شود، با کاهش پایداری ناحیهٔ سقف مخزن و تغییر نحوه اتّکای مصالح در این محدوده، بخشی از باری که پیشتر پیدار لایه ها بر یکدیگر انجام می شود، با کاهش پایداری ناحیهٔ سقف مخزن و تغییر نحوه اتّکای مصالح در این محدوده، بخشی از باری که پیشتر توسط سقف مخزن تحمّل می شد به نواحی پایدارتری نظیر جوانب مخزن (net محفوه ای کار می گردد. هدف پژوه ش حاضر، بررسی وقوع و می باشد. در این تحقیق، جهت شبیه سازی کاه گروه ش حاضر، برسی وقوع و می باشد. در این تحمّل می شد به نواحی پایدارتری نظیر جوانب مخزن (و بارداشت به وسیلهٔ شبیه سازی کاملاً همبستهٔ هیدرومکانیکی (HM) می سنگ مخزن تحمّل می شد به نواحی پایدارتری نفت و گاز در اثر برداشت به وسیلهٔ شبیه سازی کاملاً همبستهٔ هیدرومکانیکی (HM) می معرفی نواعی و قائم پیرامون مخازن نفت و گاز در اثر موان له نور لاطا نمودن اثر عملیّات تولید بر خصوصیّلی ژئومکانیکی می می اشد. در این تحقیق، جهت شبیه سازی بهتر روند استخراج سیّال از مخزن و به منظور لحاظ نمودن اثر عملیّات تولید بر خصوصیّلی ژئومکانیکی می است. در حال تخلیه (Depleting Zone) از می مختلف تولید مورت گرفته است. در این پژوه می می نینگ مخزن در این مقدار تنش های کل در اطراف سه مخزن منوات از نظر په نه، در دوره های زمانی مختلف تولید صورت گرفته سنت. در بخش دوم، اثر اختلاف می نان مقدار تشرهای کل در اطراف سه مخزن متاوت از بر درت اثر پدیدهٔ قوسزدگی تنش بهوسیّیله در نظر گرفته سه سبت سختی مقاوت، مورد میان منین مقول گرفته ست. در مطالعات انجام شده در مواردی که مخزن دارای وسعت جانبی محدود و یا سبت معنو دارای سختی اولیّه می مورد می مرد و ار گرفته است. می طرز گرفته است. می مرز گررسی می مرز گروی می می مرود که مخزن دارای وسعت جانبی مور

### ۱. پیشگفتار

با استخراج مواد هیدروکربوری از مخازن زیرزمینی نفت و گاز، بهتدریج این سیّالات از داخل منافذ سنگ مخزن خارج شده و فشار سیّال منفذی در محدودهٔ مخزن و محیط اطراف

آن دچار کاهش میشود. در اثر کاهش در فشار منفذی، تنش مؤثّر افزایش یافته و در مخزن پدیدهٔ تحکیم روی میدهد. علاوهبراین، تغییرات ژئومکانیکی مهم دیگری هم میتواند در مخزن و محیط اطراف آن روی دهد [۱].

یکی از کلیدیترین اقدامات در بررسی رفتار مخازن نفت و گاز در طول عمليّات توليد و توسعهٔ ميدان ( Field Development)، تشخيص وضعيّت ميدان تنشها ( Development Field) و پیشبینی دقیق تغییرات آن در مخزن و محیط اطراف آن میباشد. از شناخته شده ترین مثال ها در خصوص اثرات ژئومکانیکی عملیّات تخلیهٔ مخزن (Depletion) می توان به تراكم مخزن و فرونشست سطحي (Surface Subsidence) ناشی از آن اشاره نمود. یکی دیگر از مشکلات رایجی که در اثر تراکم مخزن رخ میدهد، گسیختگی لولهٔ جداری (Casing Failure) در داخل و یا در مجاورت مخزنِ در حال تراکم می باشد [۲]. جهت لحاظ نمودن اثر فرونشست سطحی در طراحی لولههای جداری و طرحهای حفاری تکمیلی، استقرار چاههای تزریق و افزایش بهرهوری، نیاز است تا میزان تراکم مخزن در اثر استخراج سيّال هيدروكربورى تعيين شود [7]. برای دستیابی به این هدف، می بایست تخمین مناسبی از وضعيّت تنشها و تغييرات آنها در مدّتزمان افت فشار مخزن در اثر عمليّات استخراج صورت پذيرد. تراكم و انقباض مخزن در اثر استخراج نفت می تواند سازوکار محرّک ( Compaction Drive) مهمّی برای تولید بهویژه در مخازن نفتی نسبتاً نرم باشد. تغییرات در میدان تنشهای کل نهتنها میزان تراکم مخزن را کنترل می کند، بلکه سبب ایجاد تغییر در وضعیت جریان سیّال در مخزن هم می گردد. بدین گونه که نفوذپذیری سنگ مخزن تغییر یافته و راستای غالب جریان نیز عوض می شود [۳]. در نتیجه، وضعیّت تنشها و تغییرات آنها در مخزن و پیرامون آن بهطور مستقیم از طریق تراکم و بهطور غيرمستقيم بهوسيله ايجاد تغيير در خصوصيّات هيدروليكي و ژئوتکنیکی مخزن، بر میزان برداشت نفت و بهطور کلّی توليدات هيدروكربني تأثيري اساسي دارد [۴].

در زمینهٔ سازوکار تغییر در "تنشهای مؤثّر" در اثر افت فشار منفذی در طول عملیّات، میان محقّقین همنظری وجود دارد. امّا در خصوص تغییراتی که میتواند در میدان "تنشهای کل" در اثر تولید رخ دهد ابهاماتی هست و مکانیزم رخداد این پدیده هنوز بهطور کامل شناخته نشدهاست.

در حوزهٔ ژئومکانیک نفت عموماً سعی شدهاست روابط پیشنهادی به سادهترین حالت و در عین حال با تقریب مناسب به کار گرفته شوند. دو فرض ساده کنندهٔ مرسوم در خصوص بررسی مسیر تنشها در طول عملیّات تولید عبارتند از [۵]:

۱- ثابت باقی ماندن تنش کلّ قائم در ناحیهٔ مخزن و محیط
اطراف آن در مدّتزمان تولید (چشم پوشی از انتقال تنش قائم
به نواحی پایدارتر)،

 ۲- مقید بودن مخزن در راستای افقی (وقوع تراکم تنها بهصورت محوری (قائم) در مخزن و صفر بودن کرنش جانبی).

فرض بدون تغییر ماندن تنش کل قائم تنها برای شرایط ایده آلی نظیر مخازن عمیق، با وسعت خیلی زیاد و بدون پیچیدگیهای زمین شناختی معتبر است. در چنین شرایطی است که کل وزن روباره به سقف مخزن وارد گشته [۶] و Stress (Arching نتقال تنش قائم در اثر وقوع پدیده قوسزدگی ( Stress زیاد و ضخامت کم مخزن رخ نمی دهد [۷]. در چنین مخازنی، فرض شرایط مرزی کرنش محوری (صفر بودن کرنش جانبی) نیز خطای کمی را در پی دارد [۶]. بر اساس اندازه گیری های نیز خطای کمی را در پی دارد [۶]. بر اساس اندازه گیری های دوره ای میدانی و همچنین مطالعات مبتنی بر روش های عددی و تحلیلی، نامعتبر بودن فرضیات مذکور برای بسیاری از مخازن طبیعی توسط محقّقین بسیاری از جمله *سگال و فیتزجرالد* [۸] گزارش گردیده است.

با اینکه ابهاماتی در زمینهٔ وقوع تغییر در تنشهای کل و علل پیدایش این تغییرات در محدودهٔ مخازن در حال تخلیه وجود دارد، مطالعات بهمراتب بیشتری بر روی تغییر تنشهای کل افقی نسبت به تنش کل قائم صورت گرفته و دانستههای بیشتری در خصوص دلایل تغییر تنشهای کلّ افقی در دست است. در اثر برداشت از مخازن زیرزمینی، فشار سیّال منفذی در محدودهٔ مخزن دچار افت شده و سقف مخزن در اثر تراکم و كاهش حجم شروع به نشست مي كند. به دليل نشست سقف مخزن، تنش کل افقی در لایههای بالای این ناحیه دچار تغییر می گردد. بدین صورت که با افت تراز سقف مخزن، لایه های روبارهٔ بالای شانههای (Shoulders) مخزن به صورت افقی بهسمت داخل حركات لغزشي و برشي داشته و اين درهمفشردگی بهوجود آمده در لایههای بالای تاج (Crest) مخزن موجب افزایش تنش کلّ افقی (بهدلیل افزایش تمرکز تنش افقی) در این محدوده و همچنین کاهش تنش کلّ افقی (ناشی از کاهش تمرکز تنش و در واقع باربرداری افقی) در بالای یالهای (Flanks) مخزن می گردد (شکل ۱). در مواردی، این تغییرات در مقدار تنشهای کلّ افقی در محدودهٔ بالای سقف مخزن می تواند سبب گسیختگی لولهٔ جداری شود.

بررسی عددی تغییر میدان تنشهای ...

این شکل از گسیختگی فراوانترین نوعِ بریده شدن لولهٔ جداری در اثر نشست سقف مخزن می باشد [۹].



شکل ۱. تأثیر نشست سقف مخزنِ در حال تخلیه بر تغییر تنشهای کلِّ افقی سنگ اطراف مخزن، [۱۱].

بخشی دیگر از تغییراتی که میتواند در تنشهای کل افقی رخ دهد، ناشی از خود روند تولید و افت فشار ناشی از آن میباشد. با کاهش تنشهای افقی در داخل مخزن، در نواحی بالا و پایین سنگ مخزن بهدلیل داشتن اندرکنش با سنگ مخزن [۱]، تنش افقی افزایش مییابد (شکل ۲). در واقع تنش افقی کاهشیافته در داخل مخزن به لایههای سنگی بالا و پایین مخزن منتقل شده و بازتوزیع تنش اتفاق میافتد [۱۰].



شکل ۲. نقش افت فشار سیّال منفذی سنگ مخزن در تغییر تنشهای کلِّ افقیِ داخل و اطراف مخزن، [۱۲].

همچنین، تغییراتی که میتواند در تنش کلّ قائمِ محدودهٔ سنگ مخزن در اثر فرآیند تولید روی دهد بهدلیل اثری که بر تمرکز تنش دارد بهطور غیرمستقیم باعث تغییراتی

در مقدار تنشهای کلّ افقی میگردد.

با وجود مطالعات اندک در زمینهٔ چرایی تغییر در تنش کلّ قائم در محدودهٔ مخزن در حال تخلیه، علّت اصلی این تغييرات توسط برخي محقّقين به يديدهٔ "قوسزدگي" تنش نسبت داده شده است. مفهوم کلّی این پدیده بدین صورت است که در هنگام ایجاد تغییرشکل در اثر بارگذاری، از پایداری برخی نواحی کاسته شده و بار وارده به نواحی جانبی با پایداری بیشتر منتقل می گردد. با تعمیم مفہوم ژئوتکنیکی قوسزدگی به مسئلهٔ استخراج نفت از مخزن و وقوع تغییرات در مقدار تنش کلّ قائم، می توان چنین تفسیر نمود که در مدّتزمان تخلیهٔ مخزن و تراکم تدریجی ناشی از آن، بهمرور از پایداری سقف مخزن کاسته شده، ظرفيّت اين ناحيه در تحمّل وزن روباره افت کرده و بخشی از وزن روباره که پیشتر سقف مخزن متحمّل آن بوده به سازند اطراف مخزن که پایداری بیشتری دارد منتقل می گردد (شکل ۳). در واقع، انتقال بار قائم روباره به صورت باربرداری از سقف مخزن و بارگذاری بر تودهٔ سنگ واقع در جوانب مخزن صورت می گیرد [۱۳].



شکل ۳. وقوع پدیدهٔ قوسزدگی در اثر کاهش پایداری سقف مخزن در طول عملیّات تولید، باربرداری از سقف مخزن و انتقال بار به جوانب آن، [1۴].

تغییراتی که در تنش کلّ قائم محدودهٔ مخزن در اثر فرآیند تولید محتمل است، میتواند در بروز یکسری از مشکلات نقشی اساسی داشته باشد. این موارد عبارتند از:

۱- فعّالسازی مجدد گسلها [۱۴]،
۲- وارد آمدن آسیب به لولهٔ جداری و چاه [۱۴]،
۳- ایجاد تغییرات قابل توجّه در نفوذپذیریِ ناحیهٔ در حال
تخلیه و در نتیجه اثر بر جریان سیّال [۱۳]،
۲- کاهش نرخ افزایش تنش مؤثّر در برخی نقاط و حفظ درصد

بالایی از نفوذپذیری اوّلیّه در این نقاط، و یا رشد نرخ افزایش تنش مؤثّر در نقاط دیگر و در نتیجه کاهش نفوذپذیری برخلاف پیشبینیها در آن نقاط [۵] و [۱۴]،

۵- مشکلات ناشی از مطابق واقع نبودن طرحریزیها در زمینهٔ عملیّات توسعهٔ میدان، و کاهش قابل توجّه تراکم مخزن بهدلیل کاهش تنش قائم وارد بر سقف مخزن و در نتیجه افت قابل توجّه تولید نفت (Oil Recovery) تا میزان ۵۰ درصد [۵].

با توجّه به موارد فوق، میتوان نتیجه گیری نمود که فرض بدون تغییر باقی ماندن تنشهای کل بهویژه تنش کل قائم در طول عملیّات برداشت میتواند خطای قابل ملاحظهای را وارد فرآیند تحلیل و طرّاحی تولید از مخزن نماید و رفتاری که برای مخزن بر پایهٔ چنین فرضیّات ساده کننده ای پیشبینی میشود متفاوت با رفتار واقعی آن خواهد بود.

### ۲. مرور مطالعات پیشین

همانطور که در بخش پیشین بدان اشاره شد، مطالعات محدودی در زمینهٔ وقوع تغییر در میدان تنشهای کل، چرایی وقوع این پدیده، تأثیرات آن، و عوامل تشدیدکنندهٔ شدّت رخداد آن صورت گرفتهاست. علیرغم محدود بودن مطالعات در زمینهٔ قوسزدگی تنش، رویکردهای پژوهشی گوناگونی در این خصوص به کار گرفته شدهاند.

برخی از مطالعات، بهصورت میدانی و با استفاده از آزمونهای شکست هیدرولیکی (Hydraulic Fracturing Tests) به منظور اندازه گیری مقدار قوسزدگی تنش کلّ افقی حدّاقل انجام شدهاند. این آزمونها قابل اتکاترین شیوه جهت ارزیابی قوسزدگی تنش ناشی از فرآیندهای استخراج یا تزریق میباشند. نتایج برآمده از چنین پژوهشهایی حاکی از وابسته بهزمان بودن مقدار قوسزدگی تنش و حتّی متغیر بودن آن در نواحی مختلف مخزن میباشد [۱۲]. مقادیر گزارش شده برای قوسزدگی تنش کلّ افقی حداقل (نسبت تغییر تنش برای قوسزدگی تنش کلّ افقی حداقل (نسبت تغییر تنش مقدار تنش افقی حداقل در آن ناحیه نیز دچار کاهش میشود. مقدار تنش افقی حداقل در آن ناحیه نیز دچار کاهش میشود. به عنوان نمونه، مقدار ضریب قوسزدگی تنش افقی حداقل در میدان *اکوفیسک (Ekofisk)* نروژ برابر با ۸٫۸ [۱۲]، و در میدان

مکاًلنِ (McAllen) تگزاس برابر با ۱۵٬ [۱۷]، گزارش گردیده است [۸]. از دیگر نتایج به دست آمده از مطالعات میدانی، می توان به تناقض مشاهدات با فرض ساده کنندهٔ صفر بودن کرنش افقی در داخل و اطراف یک مخزن مسطّح و حتّی با وسعت جانبی نامحدود اشاره نمود [۸]. برای مثال، در میدان نفتی ویلمینگتونِ (Wilmington) کالیفرنیا، میزان انقباض افقی مخزن در اثر فرآیند تولید به کرنش ۱ درصد رسیده و موجب کمانش مسیر راه آهن و خطوط لوله در سطح زمین شده است [۱۸].

برخی دیگر از مطالعات در زمینهٔ تغییر در میدان تنشهای کل، بر پایهٔ مدلهای تحلیلی انجام گردیدهاند. عمدهٔ مدل های تحلیلی مورد استفاده در این زمینه بر پایهٔ نظریهٔ هستههای کرنش (Strain Nuclei) از گیرتسما [۱۹]، و نظریهٔ ادخال و ناهمگونی (Inclusion & Inhomogeneity) از اشلبی [۲۰] می باشند، که برای به کارگیری در حوزهٔ پوروالاستیسیته و ژئومکانیک مخازن توسعه یافتهاند. اساس نظریهٔ هستههای كرنش بدين صورت است كه معادلات ميدان ( Field Equations) برای یک محیط الاستیک و تحت شرایط بارگذاری نقطهای نظیر نیروهای نقطهای، لنگرهای متمرکز، و مركز اتساع يا فشار محاسبه مى شوند. در نظريهٔ ادخال و ناهمگونی، تنش در داخل و اطراف ادخالهایی با هندسهٔ متفاوت بهوسیلهٔ اعمال کرنش معلوم با استفاده از فرمول بندی الاستیک تعیین می گردد. نمونه هایی از کاربرد و توسعهٔ نظریههای مذکور در پژوهشهای متعلّق به *سگال* [۱۰]، سگال و همکاران [۲۱]، سگال و فیتزجرالد [۸]، رودنیکی [۲۲] و [۲۳]، و سلطانزاده و هاوکس [۲۴] و [۲۵] یافت می گردد [۱۲].

یکی از اصلی ترین دستاوردهای مطالعات مبتنی بر مدلهای تحلیلی، تشخیص برخی از عواملی می باشد که می توانند سبب تشدید وقوع پدیدهٔ قوس زدگی تنش یا به عبارتی تغییر در میدان تنشهای کل شوند. روابط (۱) و (۲) که توسط *سگال و فیتزجرالد* [۸] و *رودنیکی* [۲۲] به ترتیب بر اساس نظریه های متعلق به *گیرتسما و اشلبی* استخراج شدهاند، بیانگر ضرایب مسیر تنشهای کل افقی حداقل و قائم داخل یک مخزن پوروالاستیک عدسی شکل مدفون در محیط جامد بی نهایت که دارای سختی الاستیک یکسانی با سنگ محیط پیرامون خود است، می باشند [۱]،

[۸] و [۲۲]. با دقّت در این روابط، میتوان دریافت که هندسهٔ یک مخزنِ در حال تخلیه در میزان تغییر در میدان تنشهای کل نقش مهمّی دارد.

$$\gamma_h = \frac{\Delta \sigma_h}{\Delta P_P} = \alpha \frac{1 - 2v_{fr}}{1 - v_{fr}} (1 - \frac{\pi}{4}e) \tag{1}$$

$$\gamma_{V} = \frac{\Delta \sigma_{V}}{\Delta P_{P}} = \alpha \frac{1 - 2v_{fr}}{1 - v_{fr}} (\frac{\pi}{2}e)$$
(7)

در شکل ۴، که بر مبنای روابط (۱) و (۲) تهیّه شده، قابل مشاهده است که در خصوص مخازن عدسی شکل، با کاهش پهنای مخزن نسبت به ضخامت آن (یا به عبارتی تبدیل یک مخزن عریض به مخزنی کم عرض)، میزان تغییر در تنش کلّ کلّ قائم افزایش یافته و برعکس، میزان تغییر در تنش کلّ افقی حدّاقل کاهش مییابد. در شرایطی که اختلافی میان خصوصیّات الاستیک سنگ مخزن و سنگ محیط پیرامون آن وجود ندارد، رابطهٔ مجموع ضرایب مسیر تنش های کلّ افقی و تنش کلّ قائم، مستقل از نسبت ابعادی مخزن می شود. بدین معنی که یک سهم ثابت از مقدار مجموع ضرایب مسیر تنش کلّ افقی و ضریب مسیر تنش کّل قائم تقسیم می شود.



شکل ۴. تغییر مقدار ضرایب مسیر تنش کل افقی حداًقل و قائم بر اساس نسبتهای ابعادی مختلف مخازن عدسیشکل، [1]، [۸] و [۲۲].

طبق شکل ۴، وابسته بودن ضرایب مسیر تنش کلّ داخل مخزن به شرایط مرزی جوانب آن قابل تشخیص است. پیشتر گفته شد که فرض ساده کنندهٔ ناچیز بودن کرنش افقی در

مخازنی که نسبت وسعت جانبی به ضخامت بالایی دارند، معتبر میباشد. این مطلب اهمیّت هندسهٔ ناحیهٔ در حال تخلیه را بازگو میکند [۸].

روابطی که پیشتر ارائه گردید، با فرض مشابه بودن خصوصيّات الاستيك ناحية در حال تخليه و محيط اطراف آن (Elastically Matched Case) استخراج شدهاند. اختلاف خصوصيّات الاستيك (Elastic Contrast) بين دو محيط مذكور، مى تواند بەوسىلة معادلات كامل ارائەشدە توسّط رودنیکی [۲۲] یا به کمک شبیه سازی های المان محدود لحاظ شود [۲۶] و [۲۷]. بررسی شرایطی که اختلاف در ویژگیهای الاستیک میان سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن وجود دارد، نشان میدهد در صورتی که سختی مخزن در حال تخلیه بهطور قابل توجّهی کمتر از سختی سنگ اطراف آن باشد، پدیدهٔ قوسزدگی با شدّت بیشتری رخ میدهد [۱]. به بیانی دیگر، ضرایب مسیر تنشهای کلّ داخل یک مخزن که دارای سختی کمتری نسبت به سنگ محیط اطراف خود است، بیشتر از حالتی است که خصوصیّات الاستیک مشابهی میان سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن وجود دارد [۴]. در یک نسبت ابعادی محدود برای یک مخزن، اگر اختلاف میان خصوصيّات الاستيك بينهايت فرض شود (سنگ مخزن بسيار نرم و سنگ پیرامونی بسیار سخت)، هر دو ضریب مسیر تنش كلّ افقى حدّاقل و تنش كلّ قائم به عدد يك ميل مىكنند. در طرف مقابل، در حالتی که سنگ مخزن بسیار سخت و سنگ اطراف آن بسیار نرم باشد، این ضرایب به سمت صفر میل میکنند. پیشتر اشاره شد که در یک مخزن عدسی شکل، مجموع ضرایب مسیر تنشهای کل که کنترلکنندهٔ تراکم حجمی (Volumetric Compaction) مخزن در حال تخلیه میباشند، مستقل از نسبت ابعادی مخزن است. یعنی بر اساس روابط (۱) و (۲)، رابطهای که از جمع ضرایب مسیر تنشهای کلّ افقی و ضریب مسیر تنش کلّ قائم حاصل میشود، فاقد پارامتر نسبت ابعادی (e) میباشد. لازم به ذکر است، در حالت وجود اختلاف خصوصيّات الاستيک ميان سنگ مخزن و محيط اطراف آن، مقدار مجموع ضرايب مسير تنش و همچنین تراکمپذیری منافذ (Pore Compressibility) ناحیهٔ سنگ مخزن، دیگر در نسبتهای ابعادی مختلف ثابت نبوده و با افزایش نسبت سختی مخزن به سختی محیط پیرامون آن کاهش می یابد [۱].

علیرغم کمک شایان توجّه نظریههای فوق، این نظریهها دارای فرضیّات ساده کنندهٔ اساسیِ مرتبط با هندسهٔ مخزن و جریان سیّال میباشند. اغلب این مدلهای نظری برای محیط اطراف نیمه بی نهایت معتبر بوده و برای محیطهای محدود (مگر با هندسهٔ ساده) مناسب نمی باشند [۲۸] و [۲۹].

بهطور مشابه، در زمینهٔ بررسی اثر تغییر در میدان تنشهای کل و نقش این تغییرات بر رفتار مخزن و همچنین عوامل تشدیدکنندهٔ تأثیر این پدیده، مطالعاتی با رویکرد مدلسازی عددی انجام شدهاست. بهطور کلّی، شرایطی که تحت آنها پدیدهٔ قوسزدگی تنش در محیط متخلخل میتواند اثر چشمگیری داشته باشد، به قرار زیر است:

۱- مخزن با خصوصیّات و شرایط متفاوت با محیط اطراف
(نظیر تفاوت در دما، فشار منفذی، و خصوصیّات ژئومکانیکی)
[۱۲]،

۲- در مخازن کوچک با سختی کمتر نسبت به محیط اطراف [۱۱].

۳- در مخازنی با نفوذپذیری حسّاس به تغییرات تنش (Stress-Sensitive Permeability) نظیر مخازن دارای شکستگی که حتّی با وجود قابل توجّه نبودن اثر قوسزدگی بر تراکم مخزن، عملکرد مخزن حتماً از قوسزدگی اثر خواهد پذیرفت [۵].

پیش از آن که به یافتههای پژوهشهای عددی پیشین در خصوص عوامل افزایندهٔ میزان تغییر در میدان تنشهای کل پرداخته شود، یافتهٔ *سگورا و همکاران* [۱۳] در ارتباط با تأثیر لحاظ نکردن اثر پدیدهٔ قوسزدگی بر پیشبینی رفتار مخزن، نیازمند توجّه است. هدف بخشی از این پژوهش، بهبود نتایج حاصل از شبیه سازی های غیر همبسته (Uncoupled) در مقایسه با نتایج بهدست آمده از مدلهای همبستهٔ (Coupled) هيدرومكانيكي (Hydro-Mechanical) بەوسىلە اعمال اثر پارامترهای مسیر تنش در ضرایب حجم حفره ( Pore Volume (Multipliers (PVM) مىباشد. در اين پژوهش، تحليل همبستهٔ تولید از مخزن بهوسیلهٔ استفاده از یک کُد رابط (Message Passing Interface (MPI)) که بهصورت صريح (TEMPEST) مدل شبیهسازی تولید تمیست (Explicit) (محاسبات جريان سيّال) و برنامهٔ المان محدود الفن (ELFEN) (شبیه سازی ژئومکانیکی) را با یکدیگر یکپارچه می کند، انجام شده است. تحلیل غیر همبسته نیز با استفاده از ضرایب حجم حفرهٔ بهدست آمده از مدل سازی عددی مسئلهٔ

تراکم مصالح با افت خطّی فشار سیّال منفذیِ آن در دو حالت (۱) ثابت باقی ماندن تنش کل قائم و (۲) تغییر کردن تنش کل قائم به وسیلهٔ اعمال یک ضریب قوس زدگی تنش کل قائم (با فرض ثابت و یکسان بودن این ضریب برای کل مخزن)، به مدل شبیه سازی تولید تمپست، صورت گرفته است. از مقایسهٔ نتایج تحلیل های فوق با یکدیگر در شکل ۵ مشخّص است که در نظر نگرفتن اثرات پدیدهٔ قوس زدگی تنش و لحاظ نکردن تغییراتی که می تواند در میدان تنش های کل، به ویژه در تنش کل قائم رخ دهد، می تواند سبب بروز ۳۰ درصد خطا در پیش بینی میزان افت فشار سیّال منفذی در مخزن و میزان تولید از آن در روز ده هزارمِ استخراج از مخزن شود.



شکل ۵. مقایسهٔ مقادیر فشار منفذی میانگین مخزن بهدستآمده از تحلیلهای غیرهمبسته در دو حالت (۱) چشمپوشی از اثر قوسزدگی، و (۲) اعمال اثر قوسزدگی، با نتایج حاصل از تحلیل همبسته، [۱۳].

در پژوهشهایی که در رابطه با عوامل اثرگذار بر شدت رخداد پدیدهٔ قوسزدگی مطالعه انجام شدهاست، مواردی نظیر خصوصیّات هندسی مخزن و خصوصیّات مصالح سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن مورد بررسی قرار گرفتهاند.

در پژوهش س*گورا و همکاران* [۱۳]، همچنین نتایج بهدستآمده از مجموعهٔ تحلیلهای عددی سهبعدی همبستهٔ هیدرومکانیکی در زمینهٔ تأثیر نسبت ابعادی مخزن (نسبت پهنا به ضخامت آن) و تأثیر نسبت سختی سنگ مخزن به سختی سنگ محیط پیرامون آن ارائه شدهاست. مدل رفتاری در نظر گرفته شده برای سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن پوروالاستیک خطّی می باشد. برای حالتی که نسبت سختی سنگ مخزن به سختی سنگ اطراف ۲۰٬۰۰ و مخزن دارای نسبت ابعادی کوچکی (مثلاً ۲۵) بوده، مقدار ضریب مسیر

تنش کل قائم میانگین بالای ۸/۰ بهدست آمدهاست. بدین معنی که میزان تغییر در تنش کل قائم ۸/۰ برابر تغییر در فشار سیّال منفذی میباشد، که تغییر قابل ملاحظهای است. در همین نسبت ابعادی، در صورتی که سختی سنگ مخزن، در همین نسبت ابعادی، در صورتی که سختی سنگ مخزن، ما برابر سختی سنگ اطراف باشد، مقدار تغییر در تنش کلّ قائم به صفر میل میکند. چنین تغییری در شدّت وقوع پدیدهٔ قوسزدگی تنش بیانگر تأثیر قابل توجّه پارامتر اختلاف سختی میان سنگ مخزن و سنگ پیرامون میباشد.

در پژوهشی دیگر، *آسایی و همکاران* [۱۲]، تغییر تنش کل قائم در اطراف یک مخزن در یک نمونهٔ آزمایشگاهی در اثر انجام فرآیند تزریق اندازه گیری شدهاست. نتایج بهدستآمده از آزمایش، جهت کالیبراسیونِ یک مدل عددی دوبعدی متقارن محوری مورد استفاده قرار گرفت. مخزن مذکور با الگوبرداری از مفهوم موجود در نظریهٔ *اشلبی* در سه حالت ادخال، ناهمگونی نرم، و ناهمگونی سخت تهیّه شدهاست. نتایج بهدستآمده حاکی از تأثیر مقدار مطلق سختی سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن، و همچنین تأثیر نسبت آنها در میزان تغییر در تنش کل قائم اطراف مخزن نسبت مواه پرداه قوس زدگی در محیط اطراف مخزن مشاهده شدت وقوع پدیدهٔ قوس زدگی در محیط اطراف مخزن مشاهده

در پژوهش طاهرینیا و همکاران [۵]، یک تحلیل عددی سهبعدی متقارن محوری به صورت همبستهٔ هیدرومکانیکی با استفاده از مدل رفتاری پوروالاستیک خطّی صورت گرفتهاست. در شرایطی که سختی دو ناحیه یکسان باشد، میزان تغییر در تنش کل قائم تنها برابر با ۰٫۱ تغییر در فشار منفذی داخل مخزن میباشد. درحالی که، اگر سختی سنگ اطراف مخزن ۱۰ برابر سختی سنگ مخزن باشد، مقدار ضریب قوسزدگی تنش کل قائم میانگین به ۵۵، • میرسد. همچنین، نشان داده شدهاست با افزایش نسبت سختی سنگ پیرامون مخزن به سنگ مخزن تا حد گفته شده (۱۰ برابر)، میزان تراکمی که در مخزن رخ میدهد کاهش یافته و از مقدار تراکمی که بر اساس فرض ثابت ماندن تنش کلّ قائم در محدودهٔ مخزن پیشبینی شده بود، فاصله می گیرد. لازم به ذکر است، در این پژوهش مقدار مطلق سختی سنگ مخزن و سختی سنگ اطراف آن در شدّت وقوع پدیدهٔ قوسزدگی بی تأثیر دانسته شده، و تنها نقش نسبت این سختیها در تغییر

ميدان تنشهای كل، مؤثّر گزارش گرديدهاست.

#### ۳. اهداف و روش انجام پژوهش

هدف پژوهش حاضر، بررسی وقوع و چگونگی تغییر در تنشهای کلّ افقی و قائم پیرامون مخازن نفت و گاز در اثر برداشت میباشد. عملیّات استخراج از یک مخزن نفتی بهصورت کاملاً همبستهٔ هیدرومکانیکی و با در نظر گرفتن چاه و اعمال شار جریان سیّال خروجی به بخشی از آن که در محدودهٔ مخزن قرار دارد، به کمک نرمافزار المان محدود آباکوس (Abaqus FEA) شبیه سازی شده است. مدل رفتاری در نظر گرفته شده برای سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن پوروالاستیک غیر خطّی میباشد. در مدل الاستیک غیر خطّی به کار گرفته شده، فرض شده است که سختی ناحیهٔ مخزن افزایش مییابد. به گونهای که سختی ناحیهٔ در حال تخلیه در افزایش مییابد. به گونهای که سختی ناحیهٔ در حال تخلیه در اثر کاهش تخلخل تا حدّاکثر کرنش حجمی ایم در ماد در مادی ایمایتاً

لازم به ذکر است، شرایط مرزی فشار سیّال منفذی سنگ محیط اطراف مخزن به گونهای در نظر گرفته شدهاست که بسته به نفوذپذیری به مراتب پایین تر این ناحیه نسبت به سنگ مخزن بتواند دچار تغییر شده و از فرآیند استخراج اثر بپذیرد. چنین مدل رفتاری به وسیلهٔ نوشتن یک زیربرنامه برای تعریف متغیر میدان دلخواه کاربر ( Subroutine (USDFLD) گردیدهاست.

## ۱٫۳. بررسی اثر پهنای مخزن بر شدّت تغییر میدان تنشهای کل

در بخشهای پیشین بیان گردید یکی از عوامل اصلی که میتواند بر میزان تغییر در میدان تنشهای کل اثرگذار باشد، پهنای مخزن است. بههمین دلیل یکی از اهداف پژوهش حاضر، شبیه سازی عملیّات استخراج سیّال نفت از سه مخزن متفاوت از نظر پهنا، با پلان مربّعی، واقع در عمق ۳ کیلومتری از سطح زمین، و با ضخامت ۵۰۰ متر، یکی به صورت کمعرض (با پهنای ۲ کیلومتر)، یکی با عرض میانه (با پهنای ۵ کیلومتر) و دیگری عریض (با پهنای ۱۰ کیلومتر)، می باشد (شکل ۶). نتایج مدل سازی استخراج نفت از طریق یک چاه واقع در وسط

مخازن مذکور با یکدیگر مقایسه شدهاست، تا اثرات هندسهٔ مخزن بر تغییر میدان تنشهای کل در محیط اطراف آن در اثر فرآیند تولید مورد بررسی قرار گیرد.





شکل ۶. مخزن کمعرض (با پهنای ۲ کیلومتر) (سمت راست)، مخزن با عرض میانه (با پهنای ۵ کیلومتر) (سمت چپ)، و مخزن عریض (با پهنای ۱۰ کیلومتر) (پایین).

مدلهای ساختهشده در پلان، مربعی با بُعد ۴۰ کیلومتر میباشند. مخازن در عمق ۳ کیلومتری واقع شدهاند، و المانهای ریزتری برای ترازی که مخازن در آن قرار دارند، در نظر گرفته شدهاست. در گام اوّل حل، تنشهای برجا بهصورت ژئواستاتیکی در مدلها منظور میشود (Geostatic Step). در گامهای بعدی حل که فرآیند استخراج سیّال از مخزن شبیه سازی شده (Soils Step)، روند تغییرات زمانی میزان شبیه سازی شده (Soils Step)، روند تغییرات زمانی میزان فقط تغییر شکلی مقیّد شده، و در جدارههای جانبی مدلها مرگونه تغییر شکلی مقیّد شده، و در جدارههای جانبی مدلها است، و در المانهای داخلی فشار منفذی امکان تغییر دارد و است، و در المانهای داخلی فشار منفذی امکان تغییر دارد و اعمال سرعت جریان ورودی به بخشی از چاه که در تراز مخازن قرار دارد، شبیه سازی شده است.

درخصوص ویژگیهای هندسی و پارامترهای ژئومکانیکی سه مخزن فوق، از خصوصیّات مربوط به مخزن کربناتهٔ آسماری واقع در میدان نفتی کوپال در استان خوزستان، استفاده شدهاست (جدول ۱). سازند مخزنی آسماری غالباً متشکل از ماسهسنگ کوارتزی و سنگهای کربناته میباشد [۲].

برای مصالح محیط اطراف مخازنِ شبیهسازی شده از دادههای مربوط به برخی از خصوصیّات سازند گچساران استفاده گردید (جدول ۱). پایین ترین لایهٔ این سازند نقشی اساسی در نگهداری نفت به عنوان پوش سنگ مخازن نفتی نظیر مخزن آسماری دارد [۲].

لازم به ذکر است، از آنجا که پارامترهای مطالعاتی معمولاً تنها برای سنگهای مخزنی تعیین میشوند، مشخصات ژئومکانیکی سایر سازندها، بهطور مستقیم مطالعه نمیشود. در همین راستا، بهمنظور تعیین خصوصیّات ژئومکانیکی سازند گچساران، نمونههایی از رخنمون این سازند واقع در ساختگاه سدهای *گتوَند* و چَمشیر توسط مهرگینی و همکار*ان* [۳۱] مورد آزمایش قرار گرفت و با دادههای حاصل از ارزیابی پتروفیزیکی و توصیف چاهپیمایی یکی از میادین نفتی ایران مقایسه شد. مشخص گردید که نتایج نمونههای مربوط به ساختگاههای گتوند و چمشیر با وجود تفاوت عمق و دما اختلاف چندانی با مقادیر تفسیر چاه نداشته و نتایج حاصله را میتوان بهعنوان پارامترهای ژئومکانیکی پوشسنگ گچساران منظور نمود [۲].

همانطور که در بخش پیشین بیان گردید یکی از موارد کلیدی اثرگذار بر شدت تغییر در تنشهای کل، اختلاف سختی میان سنگ مخزن و سنگ اطراف آن میباشد، لذا از مقدار ۴۰ گیگاپاسکال برای مدول الاستیسیتهٔ اولیهٔ سازند اطراف مخزن استفاده شدهاست (۲ برابر سختی اولیهٔ سنگ مخزن)، تا تغییرات در میدان تنشهای کل که مسئلهٔ اصلی پژوهش حاضر میباشد، مشهود باشد.

دادههای سرعت جریان سیّال خروجی از مخزن که به بخشی از بدنهٔ چاه واقع در ناحیهٔ مخزن اعمال شدهاست، بر اساس دادههای نزدیک به ۲۲ سال تولید (بین سالهای ۱۳۷۲ تا ۱۳۹۶) متعلّق به یکی از چاههای میدان نفتی کوپال میباشد. نمودار سرعت جریان غیرتجمّعی ورودی به چاه تولید در بخش نتایج همراه با برخی از نتایج نظیر نمودارهای فرونشست سطحی ناشی از تراکم سه مخزن کم عرض، با عرض میانه و عریض قابل مشاهده است (برای مثال در شکل ۸).

تخلخل متوسّط (درصد)	عمق متوسّط (متر)	ضخامت متوسّط (متر)	چگالی متوسّط (کیلوگرم بر متر مکعّب)	مدول الاستيسيتة متوسّط (گيگاپاسكال)	ضريب پواسون متوسّط	نام سازند
۱۳/۶	2110	۴۳۳	۲۵۰۰	21/44	٠ /٣	مخزن أسماري
٣/۶	۳۱۰۰	٨٠٠	۲۸۰۰	۴	٠/٢۵	گچساران

جدول ۱. خصوصیّات هندسی و ژئومکانیکی مخزن آسماری، [۳۰]؛ و مشخّصات هندسی و ژئومکانیکی سازند گچساران، [۳۱].

۲٫۳٪ بررسی اثر اختلاف سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و سنگ پیرامونی بر شدّت تغییر میدان تنشهای کل

هدف دیگر این پژوهش، بررسی نحوهٔ تغییر در مقدار تنش كلّ قائم محيط پيرامون (ناحيهٔ بالای سقف و ناحيهٔ اطراف گوشه) یک مخزن در حال تخلیه، در حالتهای مختلف سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و سختی اوّلیّهٔ سنگ محیط اطراف آن نسبت به یکدیگر، میباشد. مخزنی که برای این مسئله در نظر گرفته شدهاست، همان مخزن کمعرض (با پهنای ۲ کیلومتر) معرفی شده در زیربخش پیشین است. در زیر بخش قبل، مسئلهٔ مورد نظر، بررسی تأثیر پهنای مخزن بوده و بهغیر از پهنای مخزن، باقی خصوصیّات در نظر گرفتهشده برای مخازن و محیط اطراف شبیهسازی شده بر اساس مشخّصات مخزن آسماری و سازند گچساران در میدان نفتی کوپال می باشد. در این قسمت که هدف، سنجش اثر خصوصیّات ژئومکانیکی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن نسبت به همدیگر میباشد، بهغیر از خصوصیّات ژئومکانیکی، باقی ویژگیهای در نظر گرفتهشده مشابه قبل است. لازم به ذکر است، با آغاز فرآیند استخراج از مخزن در مدل با توجّه به گسترهٔ مقادیر خصوصیّات ژئومکانیکی الاستیک (مدول الاستیسیته و ضریب پواسون) در زمینهٔ مکانیک سنگ مرتبط با نفت [۱]، سه حالت مختلف سختی برای سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن در نظر گرفته شدهاست. در حالت نخست، سنگ مخزن دارای سختی اولیه ۱۰ گیگاپاسکال که یکنهم سختی اوّلیّهٔ سنگ اطراف خود است، میباشد. در حالت دوم، سختی اوّلیّهٔ هر دو محیط سنگی برابر با ۵۰ گیگاپاسکال، و در حالت آخر، سنگ مخزن با سختی اوّلیّهٔ ۹۰ گیگاپاسکال، ۹ برابر سخت در از سنگ اطراف خود است.

شایان توجّه است، مشابه با مدلهای ساختهشده برای مسئلهٔ پیشین، با آغاز فرآیند استخراج و تولید از مخزن و وقوع کرنش حجمی ناشی از پدیدهٔ تحکیم، خصوصیّات ژئومکانیکی ناحیهٔ در حال تخلیه دچار تغییر شده و ثابت باقی نمی ماند. همچنین، در سنگ محیط اطراف مخزن علیرغم نفوذپذیری و تخلخل بسیار پایین تری که در مَقایسه با سنگ مخزن دارد، تا حدودی امکان افت در فشار سیّال منفذی، وقوع کرنش حجمی ناشی از خروج سیّال منفذی و افزایش تنش مؤثّر، و در نتیجه تغییر در مقدار خصوصیّات پوروالاستیک، وجود دارد.

# ۹. صحّتسنجی شیوهٔ شبیهسازی فر آیند برداشت

در مسئلهای که بهمنظور صحّتسنجی طریقهٔ شبیه سازی استخراج سیّال هیدروکربنی از مخزن در نظر گرفته شده است، فرونشست سطح زمین در اثر استخراج از (*Sot*) مخزن بزرگی در ایالات متّحدهٔ آمریکا با نام لاست هیلز (*Lost*) (*Hills*) واقع در غرب کالیفرنیا مورد بررسی قرار گرفته است. عمدهٔ مخزن از جنس دیاتومیت با تخلخل زیاد و نفوذپذیری کم می باشد. معمول ترین روش های پایش نشست در میادین نفت و گاز، یکی استفاده از سیستم موقعیّتیاب جهانی نفت و گاز، یکی استفاده از سیستم موقعیّتیاب جهانی (*Global Positioning System (GPS*)) (*Interferometric Synthetic*) است که بر اساس روش دوم میزان نشست تجمعی در گذر زمان برای مخزن مورد نظر اندازه گیری و ثبت شده است [۲].

در شکل ۲، نمودار فرونشست تجمّعی مربوط به نتایج مدلسازی عددی توسط طاهری و همکاران [۲] بر اساس تبدیل دادههای تولید به دادههای افت فشار و اعمال آن به گرههای ناحیهٔ مخزنِ الاستیک بهدست آمدهاست.



شکل ۷. مقایسهٔ مقادیر فرونشست سطحی بهدستآمده از مدلسازی عددی پژوهش حاضر، مدل عددی *طاهری و همکاران* [۲]، و مدل تحلیلی *گیرتسما* [۳۳] با مقادیر فرونشست سطحی بهدستآمده از دادههای ماهوارهای رادار [۳۲].

بدین معنی که روند استخراج از مخزن به طور مستقیم و از طریق اعمال جریان ورودی به چاه تخلیه شبیه سازی نشده، محیط اطراف مخزن تحت اثر فرآیند استخراج قرار نگرفته، و سختی و خصوصیّات هیدرومکانیکی ناحیهٔ در حال تخلیه و محیط اطراف آن نیز که میتوانند در اثر خروج سیّال دچار تغییر شوند، ثابت فرض شدهاند. به طور مشابه، در رابطهٔ محاسبه فرونشست سطحی مبتنی بر مدل تحلیلی گیرتسما [۳۳] نیز شرایط ساده کنندهٔ گفته شده برقرار بوده است. بخشی از اختلافی که میان نمودار نتایج حاصل از دو مورد فوق با نتایج حاصل از اندازه گیری های ماهواره ای رادار وجود دارد هم به دلیل تفاوت میان شرایط مرزی در نظر گرفته شده و شرایطی است که واقعاً در هنگام عملیات تولید در ناحیهٔ مخزن و محیط اطراف آن روی می دهد.

در مدل صحّتسنجی شده نیز مطابق با مدل سازی های مسئلهٔ اصلی پژوهش حاضر، تولید از مخزن به وسیله اعمال سرعت جریان ورودی سیّال به بخشی از بدنهٔ چاه شبیه سازی شده است. در مدّتزمان استخراج، علاوه بر تأثیری که سنگ مخزن از شرایط مرزی سرعت جریان ورودی به چاه می گیرد، محیط اطراف مخزن نیز که نفوذ پذیری و نسبت تخلخل به مراتب کمتری نسبت به سنگ مخزن دارد نیز می تواند از

روند توليد اثر بپذيرد.

بهمنظور صحّتسنجی نحوهٔ شبیهسازی استخراج سیّال از مخزن در این پژوهش، ابتدا مدلی با مخزن پوروالاستیک خطّی (مدول یانگ ثابت نزدیک به ۴ گیگاپاسکال) ساخته شد. مشخّص گردید که نتایج حاصل از چنین مدلی بهمانند نتایج عددی *طاهری و همکاران* [۲] و همچنین نتایج رابطهٔ مبتنیبر مدل تحلیلی *گیرتسما* [۳۳]، در برخی از دورههای تولید تطابق خوبی با دادههای ماهوارهای داشته (محدودهٔ بین روزهای ۲۵۰ اُم تا ۴۳۰ اُم تولید) و در برخی دیگر از دورهها اختلاف زیادی دیده میشود (برای مثال، از ابتدای تولید تا روز ۲۲۰ اُم).

بهنظر میرسد دلیل اصلی این اختلاف، لحاظ ننمودن تغییراتی است که در طول عملیّات تولید در سختی ناحیهٔ در حال تخلیه رخ دادهاست. با بررسی نمودار تولید و نمودار فرونشست بر اساس دادههای ماهوارهای، میتوان چنین استنباط نمود که بخشی از تغییرشکلها در محدودهٔ مخزن وارد حالت پلاستیک شده و رفتار مخزن الاستیک خطّی نیست. چرا که برای مثال در بازهٔ میان روزهای ۲۰۰مام تا

۳۰۰ آم، میزان تولید تا حدّاکثرِ مطلق رفته و بازگشته است، امّا تغییر شکل اضافه ای که در اثر این افزایش تولید ایجاد شده بود، به طور کامل رفع نشده و بخش زیادی از آن پسماند است. بنابراین، برای دستیابی به نتایج بهتر و منطبق بر نمودار بنادراین، برای دستیابی به نتایج بهتر و منطبق ۲۵ بددست آمده از داده های ماهواره ای، از بازهٔ ۳ تا ۲۵ گیگاپاسکال برای شبیه سازی متغیّر بودن سختی سنگ مخزن استفاده گردیده است.

#### ۵. نتایج

۱٫۵. بررسی اثر "پهنای مخزن"

۱٫۱٫۵ مقایسهٔ مقادیر فرونشست سطحی مخازنِ متفاوت از نظر پهنا در اثر تراکم قائم آنها

پیشتر در بخش پیش گفتار به یکی از اثرات پدیدهٔ قوسزدگی و تأثیرِ کاهندهٔ آن بر تراکمی که در اثر عملیّات استخراج در ناحیهٔ سنگ مخزن رخ میدهد، اشاره گردید. در اثر تحکیمی که در سنگ مخزن بهدلیل افت فشار سیّال منفذی روی میدهد، ناحیهٔ سقف مخزن شروع به نشست کرده و دچار افت در پایداری میشود. با کاهش پایداری، از ظرفیّت این ناحیه در تحمّل وزن روباره کاسته شده و در آن محدوده بازتوزیع تنش اتّفاق میافتد.

بدین معنی که در اثر پدیدهٔ قوس زدگی تنش، بخشی از وزن روباره که سابقاً به سقف مخزن که دارای پایداری و قابلیّت اتّکای کافی بود وارد میشد، پس از کاستهشدن از پایداری این ناحیه، به نواحی پایدارتری نظیر گوشههای مخزن منتقل میشود. با کاهش وزن وارده به سقف مخزن، نقش پدیدهٔ طبیعی رانش تراکمی در بیشتر متراکمشدن مخزن کماثر میشود. در نتیجه، در شرایطی که پدیدهٔ قوس زدگی تنش با شدت بیشتری رخ می دهد، تراکم کمتری در ناحیهٔ سنگ مخزن روی داده، و در نتیجه فرونشست سطحی که یکی از رویدادهای ناشی از تراکم مخزن است، به میزان کمتری اتفاق میافتد.

در شکل ۸، با توجّه به اینکه با کاهش پهنای مخزن، فرونشست سطحی کمتری در طول ۲۲ سال تولید رخ دادهاست، میتوان چنین نتیجه گرفت که با اینکه در شرایط پیش از تولید، تنش کل قائم نسبتاً یکسانی بر سقف سه مخزن مورد بررسی اثر میکرده، در طول عملیّات استخراج کاهش شدیدتری در تنش کل قائم اثرگذار بر سقف مخزنِ با پهنای

کمتر رخ داده است.



شکل ۸. مقایسهٔ مقادیر فرونشست سطحی ناشی از تراکم قائم سه مخزن با پهنای متفاوت.

۲٫۱٫۵. مقایسهٔ مقادیر کرنش افقی داخل مخازنِ متفاوت از نظر پهنا در اثر تراکم جانبی آنها

در بخش پیش گفتار گفته شد که یکی از فرضیّات ساده کنندهٔ متداول در زمینهٔ پیش بینی رفتار مخزن، فرض ناچیز بودن کرنش افقی در داخل و اطراف مخزن بههنگام متراکم شدن در اثر فرآیند استخراج می باشد. در شکل ۹، قابل مشاهده است که در مخزن عریض کرنش افقی رخ نداده است. در حالی که، مقادیر کرنش جانبی قابل توجّهی برای مخزن کم عرض مشاهده می شود. می توان میزان کرنش افقی که می تواند در مخزن رخ دهد را به نوعی با اثر تنش کلّ افقی در ناحیهٔ اطراف گوشهٔ مخزن مر تبط دانست.





### ۳٫۱٫۵ مقایسهٔ میزان تغییر تنش کلّ قائم در ناحیهٔ بالای. سقف مخازن متفاوت از نظر پهنا

با بررسی میزان تغییر در مقدار تنش کلّ قائم ناحیهٔ سقف مخازن با پهنای متفاوت در طول مدّتزمان عملیّات تولید در شکل ۱۰، مشاهده میشود که در مخازن نسبتاً عریض و عریض، تقریباً هیچ تغییری در وزن روبارهٔ وارده بر سقف مخازن مذكور بهوجود نيامدهاست. با اين حال، تنش كلّ قائم در ناحیهٔ بالای مخزن کمعرض در مقایسه با دو مخزن دیگر کاهش چشمگیری داشته و کاملاً از روند تولید تبعیت كردهاست. كاهش تنش كلٌّ قائم بالاي سقف مخزن كمعرض مى تواند توجيه مناسبى براى كوچكتر بودن ميزان فرونشست سطحی ناشی از تراکم این مخزن نسبت به مخازن عریضتر باشد. میتوان در خصوص نحوهٔ اثرگذاری پهنای مخزن بر شدّت بازتوزیع تنش از بالای سقف مخزن به نواحی پایدارتر بدین گونه تفسیر نمود که تا هنگامی که پهنای مخزن بهقدری نباشد که مسیر انتقال تنش را طولانی کرده و تغییر اتّکای پایدار مصالح را به نحوی که بخشی از وزن روباره به جوانب مخزن منتقل شوند ناممکن کند، امکان وقوع تغییر در میدان تنشهای کل وجود دارد. بدین معنی که با افزایش وسعت جانبی مخزن تا یک حد آستانه، همچنان امکان انتقال تنش وجود دارد. امما از آن حد به بعد، این امکان وجود نداشته و تمام وزن روباره به سقف مخزن وارد گشته، و سبب وقوع تراکم بیشتری در مخزن و در نتیجهٔ آن فرونشست سطحی بزرگتری مىشود.

## ۴٫۱٫۵. مقایسهٔ میزان تغییر تنشهای کل در گوشههای مخازن متفاوت از نظر پهنا

با توجّه به کاهش قابل توجّهی که در مقدار تنش کل قائمِ اثرگذار بر سقف مخزنِ کمعرض در مقایسه با مخازنِ با پهنای بیشتر در شکل ۱۰ مشاهده گردید، بهمنظور حصول اطمینان از نقش اساسی پدیدهٔ قوسزدگی و تأیید مفهوم انتقال تنش از ناحیهٔ سقف مخزن به جوانب پایدارتر مخزن، نحوهٔ تغییر تنش کلّ قائم در ناحیهٔ اطراف گوشههای سه مخزن مورد مطالعه، بررسی گردید.

مطابق آنچه که بر اساس سازوکارِ پدیدهٔ قوسزدگی تنش انتظار میرفت، افزایشِ بهمراتب بیشتری در مقدار تنش کلّ قائم ناحیهٔ اطراف گوشههای مخزنِ کمعرض دیده میشود

(شکل ۱۱). با بررسی همزمان شکل ۱۰ و شکل ۱۱، بهنظر میرسد همانطور که تغییرات در مقدار تنش کلّ قائم بالای سقف مخازنِ با عرض میانه و عریض در طول فرآیند تولید شباهت بسیاری داشتهاست، روند و میزان افزایش نسبی در تنش کلّ قائمِ ناحیهٔ اطراف گوشههای این دو مخزن نیز نزدیک به یکدیگر میباشد.

این مطلب به نحوی دیگر نقش پدیدهٔ قوس زدگی را به عنوان عامل اصلی تغییر در میدان تنش های کلّ اطراف مخزنِ در حال تخلیه آشکار می کند. بدین معنی که اگر با کاهش پهنای مخزن از یک مخزن عریض به مخزنی با عرض میانه، کاهش چندانی در مقادیر تنش کلّ قائم وارده بر سقف مخزنِ با عرض میانه در طول ۲۲ سال تولید نسبت به مخزنِ عریض رخ نداده، افزایش قابل توجّهی هم در مقادیر تنش کلّ قائمِ ناحیهٔ اطراف گوشه های مخزنِ با عرض میانه در مقایسه با مخزن با وسعت جانبی بالاتر اتفاق نیافتاده است.

در بخش پیش گفتار گفته شد که عوامل مختلفی میتوانند در تغییر تنشهای کل افقی نقش داشته باشند. در اثر نشستی که در ناحیهٔ سقف مخزن به دلیل وقوع پدیدهٔ تحکیم رخ می دهد، لایه های سنگی بالای سقف مخزن از این تغییر شکل اثر گرفته و در این نواحی تمرکز تنش افقی تغییر می کند. افت تراز سقف مخزن میتواند اثر کاهشی بر تنش های کل افقی لایه های بالای شانه های سقف مخزن داشته باشد، و سبب افزایش تنش های کل افقی بالای تاج سقف مخزن شود. دیگر عامل اثر گذار در تغییر تنش های کل افقی، افت فشار سیّال منفذی سنگ مخزن، کاهش تنش های کل افقی آن ناحیه، و بازتوزیع تنش کاهش یافته در نواحی بالا و پایین مخزن به دلیل اندر کنش میان سنگ ناحیهٔ در حال تخلیه و سنگ پیرامون آن می باشد. علاوه براین، تغییر تمرکز تنش به دلیل تغییر در تنش کل قائم می تواند سبب وقوع تغییر در

با مقایسهٔ شکل ۱۱ و شکل ۱۲، با توجّه به اینکه روند تغییر در تنش کلّ افقی حدّاقل، مشابه با روند تغییر تنش کلّ قائم میباشد، میتوان چنین برداشت نمود که از بین سه عامل فوق، تغییر در تنش کلّ قائم در اثر فرآیند تولید میتواند بیشترین تأثیر را در مقدار تنشهای کلّ افقی داشته باشد.



شکل ۱۰. مقایسهٔ نحوهٔ تغییر در مقدار تنش کلّ قائم اثرگذار بر سقف سه مخزن با پهنای متفاوت در طول تولید.



شکل ۱۱. مقایسهٔ شدّت تأثیر پدیدهٔ قوسزدگی و انتقال تنش به جوانب در سه مخزن با پهنای متفاوت.



شکل ۱۲. شباهت نحوهٔ تغییر در مقدار تنش کلّ افقی حدّاقلِ اطراف گوشهٔ مخازنِ با پهنای متفاوت با روند تغییر تنش کلّ قائمِ این ناحیه در اثر عملیّات استخراج.

در دو مسئلهٔ مورد بررسی پژوهش حاضر، روند تغییر تنش کل افقی حداقل در نواحی اطراف مخازن کاملاً مطابق با نحوهٔ تغییر تنش کل قائم در این نواحی بودهاست. بهمنظور پرهیز از تکرار فقط در این زیربخش نمودار تغییرات تنش کل افقی ارائه گردیدهاست.

۲٫۵. اثر "اختلاف سختی اوّلیّهٔ" سنگ مخزن و سنگ محیط اطراف آن بر تغییر تنش کلّ قائم ۱٫۲٫۵. مقایسهٔ مقادیر فرونشست سطحی مخزن ناشی از

تراكم قائم آن در سه اختلاف سختی اوّليّهٔ مختلف

در بخش مطالعات پیشین به نظر برخی از محقّقین در خصوص تأثیر اختلاف سختی میان سنگ مخزن و سنگ پیرامون آن در شدّت وقوع پدیدهٔ قوسزدگی تنش پرداخته شد. یافتهها حاکی از آن بود که هرقدر سختی سنگ محیط اطراف بیشتر از سختی سنگ مخزن باشد، تغییر در میدان تنشهای کلّ اطراف مخزن با شدّت بیشتری روی میدهد. بههنگام بازتوزیع تنش در اثر وقوع افت پایداری در ناحیهٔ سقف مخزن، تسهیم تنش در محدودهٔ اثرپذیر از فرآیند تولید بر اساس میزان سختی و پایداری نواحی انجام میشود.

سنگ مخزن بسیار کوچکتر از سختی اوّلیّهٔ سنگ اطراف باشد، تراکم بسیار کمی در سنگ مخزن رخ میدهد. چنین رویدادی مى تواند به دليل انتقال تنش قابل ملاحظه از ناحية بالاى سقف مخزن به جوانب پایدارتر و سختتر آن باشد. دیده می شود که در حالتی که سختی های اوّلیّهٔ دو محیط سنگی مذکور یکسان و برابر با ۵۰ گیگاپاسکال باشند، بازتوزیع تنش بهمیزان متفاوتی رخ داده و نسبت به حالت پیشین (سختی اوّلیّهٔ بسیار کمتر سنگ مخزن در مقایسه با سنگ پیرامونی) سهم بیشتری از تنش کلّ قائم به سنگ مخزن تعلّق گرفته، و در نتيجه تراكم بيشتري هم در آن اتّفاق افتادهاست. با اين حال، بهنظر می رسد در این حالت که سختی های اوّلیّهٔ برابر باشند، با وقوع افت پایداری در سنگ سقف مخزن ناشی از افت فشار سیّال منفذی، همچنان انتقال تنش قابل توجّهی از این ناحیه به ناحیهٔ اطراف گوشههای مخزن وجود دارد. چرا که میزان تراكم قائم رخداده اختلاف فاحشى با تراكم قائم حالت پيشين ندارد. می توان چنین تفسیر نمود که در حالتی که سختی های اولیه برابرند، ناحیهای که در در طول تولید از پایداری نسبی بیشتری برخوردار باشد سهم بیشتری از تنش بازتوزیعشده را به خود اختصاص میدهد. در شرایطی هم که سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن بهمراتب بزرگتر از سختی اوّلیّهٔ سنگ پیرامونی

باشد، میزان تراکمی که در ناحیهٔ در حالِ تخلیه روی می دهد، بسیار فراتر از دو حالت پیشین می باشد. دلیل این موضوع آن است که آنقدر سختیِ پیش از آغاز تولید سنگ مخزن بزرگتر از سنگ اطراف می باشد که حتّی در صورت کاهش پایداریِ در اثر فرآیند تولید در این ناحیه، تنش کلّ قائم بسیار کمتری به سنگ اطراف گوشههای مخزن منتقل می شود.



شکل ۱۳. مقایسهٔ میزان تراکم قائم رخداده در مخزن در سه حالت نسبی مختلف سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و سختی سنگ پیرامون آن.

۲٫۲٫۹. مقایسهٔ مقادیر کرنش افقی داخل مخزن ناشی از تراکم جانبی آن در سه اختلاف سختی اوّلیّهٔ مختلف با توجّه به شکل ۱۴، تفاوت در میزان تراکمی که بهصورت افقی در داخل مخزن میان سه حالت مختلف سختی اوّلیّهٔ نسبی سنگ مخزن و سنگ اطراف آن وجود دارد، با اختلافی که در میزان تراکم قائم مخزن در سه حالت مذکور به چشم میخورد (شکل ۱۳)، همخوانی دارد.



شكل ۱۴. مقايسهٔ انقباض افقي داخل مخزن در سه حالت مختلف نسبت سختي اوّليّهٔ سنگ مخزن و سنگ اطراف.

### مقایسهٔ میزان تغییر تنش کلّ قائم در ناحیهٔ بالای . سقف مخزن در سه اختلاف سختی اوّلیّهٔ مختلف

با توجّه به شکل ۱۵، میتوان دریافت تفسیرهایی که در زیربخش پیشین مبنیبر دلیل تفاوت میزان فرونشست سطحی (شکل ۱۳) ناشی از فرآیند استخراج از مخزن در سه حالت مختلف سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و محیط سنگی پیرامون آن ارائه گردید، صحّت داشتهاند.

در شرایطی که سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن یکنُهم سختی اوّليَّهٔ سنگ پیرامونی باشد، قابل مشاهده است که بهدلیل کاسته شدن از پایداری سنگ ناحیهٔ سقف مخزن در اثر افت فشار سیّال منفذی مخزن و همچنین بهدلیل سختی بهمراتب پایین تر سنگ مخزن، کاهش شدیدی در مقدار تنش کل قائمی که بر سقف مخزن اثر می کند، رخ دادهاست. اگر مقدار مطلق سختي اوّليَّهٔ سنگ مخزن بزرگتر (۵۰ گيگاپاسکال)، و همچنین با سختی اولیة محیط سنگی اطراف یکسان باشد، بازتوزیع تنش با نسبت متفاوتی در مقایسه با حالت قبل صورت گرفتهاست، و سنگ ناحیهٔ سقف مخزن تنش کلّ قائم نسبتاً بیشتری را متحمّل می شود. بدین معنی که در حالت دوم، افت کمتری در مقدار تنش کلّ قائم وارد بر سقف مخزن در طول تولید روی دادهاست. در شرایطی که سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن بهمراتب فراتر از سختی سنگ اطراف خود باشد، تنش کلّ قائم بسیار بزرگتری بر سنگ سقف مخزن اثر کرده و با اثر کاهندهٔ کمتری از سوی پدیدهٔ قوسزدگی تنش روبرو بودەاست.

#### ۴٫۲٫۵. مقایسهٔ میزان تغییر تنش کلّ قائم در اطراف

گوشههای مغزن در سه اختلاف سختی اوّلیّهٔ مغتلف بهمنظور سنجش نقش پدیدهٔ قوسزدگی در تغییر تنش کلّ قائمِ بالای سنگ سقف مخزن، تغییر این تنش در ناحیهٔ اطرف گوشههای مخزن مورد بررسی قرار گرفتهاست. با مقایسهٔ شکل ۱۵ و شکل ۱۶، دیده میشود که در حالتی که سنگ مخزن بسیار نرمتر از سنگ اطراف خود باشد، بیشترین کاهش در تنش کلّ قائم اثرگذار بر سقف آن رخ داده، و در نتیجهٔ آن، تنش کلّ قائمِ ناحیهٔ اطراف گوشههای همان مخزن متحمّل شدیدترین افزایش شدهاست. در طرف مقابل، در حالتی که سنگ مخزن بسیار سختتر بودهاست، کمترین تغییر در تنش کلّ قائمِ محیط اطراف مخزنِ در حال تخلیه مشاهده گردیدهاست.



شکل ۱۵. متفاوت بودن شدّت تغییر در تنش کلّ قائمِ ناحیهٔ بالای سقف مخزن در سه حالت مختلف سختی اوّلیّهٔ سنگ مخزن و محیط سنگی اطراف آن.



شکل ۱۶. تفاوت در میزان افزایش تنش کلّ قائمِ ناحیهٔ اطراف گوشههای مخزن در شدّتهای مختلف پدیدهٔ قوسزدگی تنش.

# ۶. نتیجهگیری

این مقاله به بررسی تغییر میدان تنشهای کل در اثر تولید در سنگ اطراف مخازن نفت و گاز زیرزمینی پرداخته و اهمیّت آن را در جنبههای مختلف بازگو میکند. نتایج بهدست آمده از تحقیق حاضر نشان می دهد که در اثر استخراج نفت از مخازن زیرزمینی، میدان تنشهای کل دچار تغییر می شود. با پیشرفت عملیّات تولید، فشار سیّال منفذی در ناحیهٔ در حال تخلیه تدریجاً دچار افت شده و با افزایش تنش مؤثَّر و وقوع پدیدهٔ تحکیم، سقف مخزن به تدریج شروع به نشست می کند. به مانند یک تونل حفر شده در عمق زمین که سقف آن پیشتر بر لایههایی که بعداً برداشته شده متّکی بودهاست و پس از حفاری بخشی از وزن روبارهٔ تونل به جوانب پایدارتر در اطراف تونل منتقل می شود، در اثر تراکمی که در محدودهٔ مخزن در حال تخلیه روی میدهد، سقف مخزن نیز بهدلیل اتّکای ناکافی و افت پایداری ظرفیّت سابق را در تحمّل وزن روباره نخواهد داشت. در نتیجه، بازتوزیع تنش رخ داده و در اثر پدیدهٔ قوسزدگی بخشی از وزن وارده بر سقف مخزن (روباره) به جوانب مخزن که پایداری بیشتری دارند منتقل مىشود.

در یژوهش حاضر، مشاهده گردید که هرقدر مسیر انتقال تنش از ناحیهٔ بالای سقف مخزن به گوشههای آن کوتاهتر باشد، شدّت انتقال تنش بیشتر می شود. در صورتی که مخزن پهنای کمی داشته باشد، در اثر کاهش پایداری در سقف مخزن، نحوهٔ اتّکای مصالح در محدودهٔ بالای مخزن به گونهای تغییر می کند که تنش به جوانب پایدارتر مخزن انتقال داده شود. امّا اگر وسعت جانبی مخزن زیاد باشد، انتقال تنش از ناحیهٔ بهتازگی ناپایدارشده به نواحی پایدارتر دشوارتر خواهد بود. در نتیجه، تغییر چندانی در میدان تنشهای کل (بەويژە تنش كلّ قائم) رخ نمىدھد. ھمچنين، نشان دادە شد که هرقدر اختلاف میان سختی اولیّهٔ سنگ مخزن و محیط سنگی پیرامون آن بیشتر باشد، به گونهای که ناحیهٔ مخزن شامل تودهٔ سنگی بهمراتب نرمتری در مقایسه با سنگ اطراف خود باشد، اثر پدیدهٔ قوسزدگی تنش تشدید میشود. در مقابل، هرقدر که سختی اولیهٔ سنگ مخزن به سختی اولیهٔ سنگ پیرامون خود نزدیک شده و حتّی از آن فراتر رود، از شدّت تغییر در میدان تنشهای کل در محیط اطراف مخزن کاسته می شود تا اینکه در شرایط وجود مخزنی بهمراتب

سختتر از محیط اطراف آن، این تغییرات تقریباً ناچیز میشوند.

#### ۷. فهرست نمادها

شرح	واحد	نماد
ضریب مسیر تنش کلّ افقی حدّاقل	-	${\gamma}_h$
ضريب مسير تنش كلّ قائم	-	$\gamma_V$
تغییر تنش کلّ افقی حدّاقل	Pa	$\Delta\sigma_{h}$
تغيير تنش كلّ قائم	Pa	$\Delta\sigma_{_V}$
تغییر فشار سیّال منفذی	Pa	$\Delta P_P$
ضريب پوروالاستيسيتهٔ بيو (Biot)	-	α
ضريب پواسون زهکشیشده	-	$V_{fr}$
نسبت ابعادی (ضخامت به پهنا) مخزن	-	е

#### ۸. مراجع

[1] Fjaer, E., Holt, R. M., Horsrud, P., & Raaen, A. M. (2008). *Petroleum related rock mechanics*. Elsevier.

[۲] طاهری، س. ر.، پاک، ع.، و شاد، س. (۱۳۹۷). مطالعه و بررسی توزیع زمانی و مکانی فرونشست زمین در فرآیند برداشت از میدان نفتی کوپال، نشریهٔ پژوهش نفت، ۱۰۱، ۴ تا ۱۶.

[3] Dusseault, M. B., Bruno, M. S., & Barrera, J. (2001). Casing shear: causes, cases, cures. SPE Drilling & Completion, 16(02), 98-107.

[4] Holt, R. M., Flornes, O., Li, L., & Fjær, E. (2004, June). Consequences of depletion-induced stress changes on reservoir compaction and recovery. In Gulf rocks 2004, the 6th north America rock mechanics symposium (NARMS). OnePetro.

[5] Taherynia, M. H., Fatemi Aghda, S. M., Fahimifar, A., & Koopialipoor, M. (2022). Investigation of Stress Arching Above Depleting Hydrocarbon Reservoirs and Its Effect on the Compaction Drive Mechanism. Geotechnical and Geological Engineering, 40(1), 259-272.

[6] Settari, A. (2002). Reservoir compaction. Journal of petroleum technology, 54(08), 62-69.

[20] Eshelby, J. D. (1957). The determination of the elastic field of an ellipsoidal inclusion, and related problems. Proceedings of the royal society of London. Series A. Mathematical and physical sciences, 241(1226), 376-396.

[21] Segall, P., Grasso, J. R., & Mossop, A. (1994). Poroelastic stressing and induced seismicity near the Lacq gas field, southwestern France. Journal of Geophysical Research: Solid Earth, 99(B8), 15423-15438.

[22] Rudnicki, J. W. (1999, August). Alteration of regional stress by reservoirs and other inhomogeneities: stabilizing or destabilizing?. In 9th ISRM Congress. OnePetro.

[23] Rudnicki, J. W. (2020). Eshelby transformations, pore pressure and fluid mass changes, and subsidence. In Poromechanics II (pp. 307-312). CRC Press.

[24] Soltanzadeh, H., & Hawkes, C. D. (2007, May). Predicting the stress changes induced by fluid production and injection in porous reservoirs. In 1st Canada-US Rock Mechanics Symposium. OnePetro.

[25] Soltanzadeh, H., & Hawkes, C. D. (2008). Semianalytical models for stress change and fault reactivation induced by reservoir production and injection. Journal of Petroleum Science and Engineering, 60(2), 71-85.

[26] Morita, N., Whitfill, D. L., Nygaard, O. A., & Bale, A. (1989). A quick method to determine subsidence, reservoir compaction, and in-situ stress induced by reservoir depletion. Journal of Petroleum Technology, 41(01), 71-79.

[27] Mulders, F. M. M. (2003). Modelling of stress development and fault slip in and around a producing gas reservoir.

[28] Li, S., Sauer, R. A., & Wang, G. (2007a). The Eshelby tensors in a finite spherical domain—part I: theoretical formulations.

[29] Li, S., Wang, G., & Sauer, R. A. (2007b). The Eshelby tensors in a finite spherical domain—Part II: applications to homogenization.

[7] Goulty, N. R. (2003). Reservoir stress path during depletion of Norwegian chalk oilfields. Petroleum Geoscience, 9(3), 233-241.

[8] Segall, P., & Fitzgerald, S. D. (1998). A note on induced stress changes in hydrocarbon and geothermal reservoirs. Tectonophysics, 289(1-3), 117-128.

[9] Bruno, M. S. (1992). Subsidence-induced well failure. SPE Drilling Engineering, 7(02), 148-152.

[10] Segall, P. (1985). Stress and subsidence resulting from subsurface fluid withdrawal in the epicentral region of the 1983 Coalinga earthquake. Journal of Geophysical Research: Solid Earth, 90(B8), 6801-6816.

[11] Dusseault, M. B. (2011). Geomechanical challenges in petroleum reservoir exploitation. KSCE Journal of Civil Engineering, 15(4), 669.

[12] Asaei, H., Moosavi, M., & Aghighi, M. A. (2018). A laboratory study of stress arching around an inclusion due to pore pressure changes. Journal of Rock Mechanics and Geotechnical Engineering, 10(4), 678-693.

[13] Segura, J. M., Fisher, Q. J., Crook, A. J. L., Dutko, M., Yu, J. G., Skachkov, S., ... & Kendall, J. M. (2011). Reservoir stress path characterization and its implications for fluid-flow production simulations.

[14] Wang, F., Li, X., Couples, G., Shi, J., Zhang, J., Tepinhi, Y., & Wu, L. (2015). Stress arching effect on stress sensitivity of permeability and gas well production in Sulige gas field. Journal of Petroleum Science and Engineering, 125, 234-246.

[15] Soltanzadeh, H., & Hawkes, C. D. (2009). Induced poroelastic and thermoelastic stress changes within reservoirs during fluid injection and production. Porous media: heat and mass transfer, transport and mechanics, 2009, 27-57.

[16] Teufel, L. W., Rhett, D. W., & Farrell, H. E. (1991, July). Effect of reservoir depletion and pore pressure drawdown on in situ stress and deformation in the Ekofisk field, North Sea. In The 32nd US Symposium on Rock Mechanics (USRMS). OnePetro.

[17] Salz, L. B. (1977, October). Relationship between fracture propagation pressure and pore pressure. In SPE annual fall technical conference and exhibition. OnePetro.

[18] Yerkes, R. F., & Castle, R. O. (1976). Seismicity and faulting attributable to fluid extraction. Engineering Geology, 10(2-4), 151-167.

[۳۰] پژوهشکدهٔ بالادستی نفت دانشگاه صنعتی شریف. (۱۳۹۶). شناخت مسئله، تجزیه و تحلیل اطّلاعات، گزارش تاریخچهٔ تولید، پروژهٔ افزایش ضریب بازیافت مخزن بنگستان میدان کوپال با روشهای فنّاورانهٔ پایهآبی/گازی، کارفرما: شرکت ملّی مناطق نفتخیز جنوب.

[31] Mehrgini, B., Memarian, H., Dusseault, M. B., Eshraghi, H., Goodarzi, B., Ghavidel, A., ... & Hassanzadeh, M. (2016). Geomechanical characterization of a south Iran carbonate reservoir rock at ambient and reservoir temperatures. Journal of Natural Gas Science and Engineering, 34, 269-279.

[32] Wang, W. (2011). Reservoir characterization using a capacitance resistance model in conjunction with geomechanical surface subsidence models (Doctoral dissertation).

[33] Ketelaar, V. G. (2009). Satellite radar interferometry: Subsidence monitoring techniques (Vol. 14). Springer Science & Business Media.