



بررسی رفتار غیرخطی جریان نفت درون شکستگیهای سنگی دارای زبری با تکیه بر شبیهسازی سهبعدی معادلات ناویه-استوکس

مرتضی جوادی اصطهباناتی * استادیار، گروه استخراج دانشکده مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود

دریافت مقاله: ۱۳۹۷/۱۰/۲۳ پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۰۲/۰۷ DOI :10.22107/jpg.2019.167591.1083

چکیدہ	واژگان کلیدی
در این مقاله، تأثیر جریان غیرخطی نفت درون شکستگیهای سنگی بر پارامترهای هیدرولیکی و با هد	رفتار هيدروليكي شكستگي
ارزیابی انحراف رفتار هیدرولیکی شکستگیها از قانون دارسی مورد مطالعه قرار گرفته است. بدین منظور، جریا	انحراف از قانون دارسی
نفت در داخل شکستگی سهبُعدی دارای دیوارههای زبر برای دامنه وسیعی از دبی حجمی جریان عبوری و	دهانه هیدرولیکی
استفاده از حل عددی همزمان معادلات ناویه-استوکس و پیوستگی به روش حجم محدود شبیهسازی ش	قانون فورچىمىر
است. نتایج حاصل از این مقاله نشان میدهد که جریان نفت درون شکستگیهای سنگی دارای رفتار غیرخط	

بوده و به همین دلیل، دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی، پارامترهای ثابت (مستقل) نبوده و کاملاً به میزان دبی جریان عبوری از شکستگی وابسته هستند. در حقیقت، با افزایش سرعت جریان در داخل شکستگیها، مقادیر دهانه هیدرولیکی شکستگی و نفوذپذیری بهطور غیرخطی کاهش مییابند که مقدار کاهش نسبی این دو پارامتر برای شکستگیهای مورد مطالعه در این مقاله به ترتیب در بازه ۲۰ و ۲۰ درصد بوده است. همچنین، نتایج حاصل از برازش قوانین دارسی و فورچیمیر به نتایج حاصل از شبیهسازی نشان میدهد که رفتار جریان در شکستگیهای سنگی توسط قانون فورچیمیر به خوبی توصیف میشود به گونهای که دقت قانون فورچیمیر برای توصیف رفتار جریان نفت در شکستگی مورد بررسی بیش از ۹۸٪ بوده در حالی که خطای قانون دارسی به بیش از ۲۷٪ نیز میرسد.

۱. پیشگفتار

در قریب به اتفاق مخازن هیدروکربوری شکافدار، عمده هیدروکربور تولیدی از داخل شکستگیهای موجود در سنگ میزبان عبور میکند. بدون تردید در این نوع از مخازن، فرآیندهای هیدرولیکی داخل مخزن (اندرکنش سنگ و سیال) توسط شکستگیها کنترل شده و شکستگیها نقش اساسی در رفتار هیدرولیکی مخزن خواهند داشت. بنابراین، مطالعه رفتار هیدرولیکی شکستگیها بهویژه در مخازن شکافدار از اهمیت بسیار زیادی برخوردار است.

رفتار هیدرولیکی عمده مخازن هیدروکربوری شکافدار توسط شکستگیهای سنگی کنترل میشود (, Nelson)، رفتار 2001)، (Bear, Tsang, & de Marsily, 1993)، رفتار جریان سیالات نیوتنی درون شکستگیهای سنگی و در مقیاس میکروسکوپیک با استفاده از معادلات مشتقات جزئی

Javadi et al.,) میشود (بیای میشود (2014 بسیار مشکل بوده و 2014). بهطور کلی حل این معادلات بسیار مشکل بوده و علاوه بر این، پیچیدگی هندسه شکستگی بر مشکلات کار با این روابط میافزاید. به دلیل این پیچیدگیها، استفاده از معادلات حاکم و هم در رابطه با هندسه سطوح شکستگی) معادلات حاکم و هم در رابطه با هندسه سطوح شکستگی) ریزناپذیر خواهد بود. سادهترین مدل برای بیان رفتار جریان سیال درون شکستگی، بر اساس فرضیات ساده کننده، شامل صفحات صاف موازی برای سطوح شکستگی و جریان مفحات صاف موازی برای سطوح شکستگی و جریان این اساس حل تحلیلی معادلات جریان، امکانپذیر میشود (2001, 2001) بوده؛ که بر تحلیلی، تحت عنوان قانون و یا رابطه مکعب شناخته شده (2004) ماحال اساسی تحلیلی، تحت عنوان قانون و یا رابطه مکعب شناخته شده (2004) در محازن هیدرو کربوری شکافدار در مدل سازی جریان سیال در مخازن هیدرو کربوری شکافدار

* شاهرود؛ دانشگاه صنعتی شاهرود؛ دانشکده ی مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک؛ رایانامه: mortezjavadi@gmail.com

مورد استفاده قرار می گیرد (Sarkar et al., 2002). با توجه به عدم برقراری فرضیات مورد استفاده برای استنتاج رابطه مکعب و به طور خاص زبری سطوح شکستگی(Javadi et al., 2010)، اصلاحات متعددی بر روی این رابطه توسط محققين مختلف انجام گرفته است. اولين تلاش ها براي اصلاح قانون مکعب، با تکیه بر فرض دیوارهای زبر موازی و یروفیل های دندانه ارمای (Witherspoon & Witherspoon 1974)، سينوسى (Elsworth & Goodman, 1986)، و يا Witherspoon et al., 1980; Tsang & Tsang,) يلهاى (1987; Tsang & Witherspoon, 1981) و نهايتاً معرفي ترم اصلاحی تحت عنوان "دهانه مؤثر" انجام شده است. با پیشرفت توان محاسباتی، روشهای عددی حل معادلات جریان برای بررسی رفتار هیدرولیکی شکستگیها و اصلاح تأثیر زبری شکستگیها بر روی نفوذپذیری مورد استفاده قرار (David, 1993Piggott & Elsworth, 1993) گرفت (David, 1993) (Piggott & Elsworth, 1993) (Brown S. R., 1987) بدين منظور، معادله روغن كارى رینولدز بهطور گستردهای برای محاسبات عددی استفاده شد (Thompson & Brown, 1991) (Renshaw, 1995) (Koyama, Fardin, Jing, & Stephansson, 2006)

با این وجود، معادله روغن کاری رینولدز فقط برای شرایط خاص هندسی و سینماتیکی از شکستگی و جریان سيال معتبر است (, Oron & Berkowitz, 1998; Brown,) Stockman, & Reeves, 1995; Nicholl, Rajaram, Glass & Detwiler, 1999; Ge, 1997; Yeo & Ge, 2005). مهمترين محدوديت معادله روغن كارى رينولدز، حذف ترم اینرسی از معادلات اصلی جریان بوده (Javadi et al., 2014) که برای رفع این محدودیت، در مطالعات اخیر از حل عددي معادله ناويه-استوكس براي بررسي جريان سيال در شکستگی استفاده شده است (, Koyama et al., 2008; ا Zimmerman et al., 2004; Nazridoust, Ahmadi & Smith, 2006; Brush & Thomson, 2003; Javadi et (al., 2012; Sharifzadeh, Javadi & Shahriar, 2010 با این وجود مطالعات اندکی بر روی رفتار غیر خطی (انحراف از قانون دارسی) جریان نفت درون شکستگیهای سنگی با دیوارههای زبر و به طور خاص، شبیه سازی سهبعدی جریان غیرخطی نفت با استفاده از حل عددی معادلات ناویه-

استوکس انجام شده است. این موضوع به عنوان هدف اصلی مقاله پیش رو و با تمرکز بر قانون فور چیمیر ^۱ و انحراف رفتار هیدرولیکی شکستگیهای سنگی از قانون دارسی مورد مطالعه قرار گرفته است.

هدف از این مقاله، بررسی تأثیر جریان غیرخطی نفت درون شکستگیهای سنگی بر پارامترهای هیدرولیکی شکستگیهای سنگی است. بدین منظور، شبیهسازی جریان نفت در داخل شکستگی سه بعدی با هندسه های متفاوت انجام شده که هندسه شکستگیها، با فرض یکسان بودن تخلخل (حجم فضای خالی) و برای شش حالت هندسی مختلف از توزيع دهانه روى پلان و همچنين زبرى شكستگىها باز توليد شده است. دامنه محاسباتی برای این شکستگی های سه بعدی با استفاده از نرمافزار GAMBITTM تولید شده و برای شبیه سازی جریان سیال مورد استفاده قرار گرفته است. شبیهسازی جریان سیال در داخل شکستگی به صورت سهبعدی با روش حجم محدود برای دامنه وسیعی از دبی حجمی جریان (یا عدد رینولدز) و با استفاده از نرمافزار FLUENTTM انجام شده است. در نهایت، نتایج شبیهسازی جریان از دیدگاه نوع رژیم حاکم بر جریان تحلیل شده و تأثیر رفتار غیرخطی جریان بر ترمهای هیدرولیکی (از قبیل نفوذپذیری و دهانه هیدرولیکی) شکستگیهای سنگی با دیواره زبر مورد بررسی قرار گرفته است.

۲. معادلات حاکم بر جریان

از نظر رئولوژیکی، بخش عمدهای از سیالات هیدرو کربوری و بهطور خاص بخش عمدهای از انواع نفت خام در زمره سیلات نیوتنی قرار می گیرند (Rønningsen, 2012). بهطور کلی رفتار جریان یک سیال نیوتنی در فضای خالی با استفادهاز معادلات ناویه-استوکس (تعادل مومنتوم و نیرو) توصیف میشود (Sharifzadeh & Javadi, 2017):

$$\rho\left[\frac{\partial u}{\partial t} + (u, \nabla)u\right] = \mu \nabla^2 u - \nabla p \tag{1}$$

 μ بردار سرعت، ρ دانسیته سیال، μ دانسیته سیال، μ ویسکوزیته دینامیک سیال و p فشار هیدرودینامیک سیال است. برای حصول یک سیستم بسته از معادلات حاکم، لازم

¹ Forchheimer

است که این معادلات با معادله پییوستگی (که بیان کننده تعادل جرم است) ترکیب شوند. برای یک سیال غیرقلبل تراکم، معادله تعادل جرم با معادله تعادل حجم معادل بوده و Jimmerman & (Bodvarsson, 1996):

$$\nabla . \, u = 0 \tag{(1)}$$

رابطه ناویه-استوکس از یک مجموعه معادلات مشتقات جزئی غیرخطی با درجههای مختلف تشکیل شده که تاکنون رامحل تحلیلی برای آن ارائه نشده است. با صرفنظر کردن از ترم اینرسی (ترم غیرخطی) در این رابطه، معادله خطی استوکس حاصل می شود (Kitandis & Dykaar, 1997) با فرض صفحات صاف و موازی به عنوان دیوارههای شکستگی و حل صفحات صاف و موازی به عنوان دیوارههای شکستگی و حل تحلیلی معادله استوکس ، یک معادله ساده تحت عنوان "قانون مکعب" به دست می آید (& Bodvarsson, 1996)

$$Q = -\frac{wa^3}{12\mu}\nabla p = -\frac{kS_f}{\mu}\nabla p \tag{(7)}$$

$$-\nabla p = \frac{\mu}{k}Q + \rho\beta Q^{2}$$

$$-\nabla p = AQ + BQ^{2}$$
(f)

در رابطه فوق، β ضریب غیردارسی یا مقاومت اینرسی و فاکتورهای A و B ضرایب هدر رفت انرژی با مکانیسم ویسکوز و اینرسی هستند.

۳. چارچوب شبیهسازی عددی

در این مطالعه، شبیهسازی عددی جریان نفت در داخل شکستگی سهبُعدی با هندسههای متفاوت و برای دامنه وسیعی از دبی جریان (یا عدد رینولدز) انجام شده است. برای ساخت هندسه سهبعدی، از نتایج لیزر اسکن یک شکستگی واقعى استفاده شده كه بخشى از هندسه اين شكستكي واقعى در تحلیلها مورد استفاده قرار گرفته است. فضای خالی سه-بُعدی شکستگی دارای عرض *mm* و طول ۱۲/۵ (به ترتیب در راستای (y, x) بوده که به صورت یک مجموعه از المان های حجمی بر روی صفحه x-y و دهانه متغیر (z) ساخته شده است. زبری سطوح این شکستگیها به دو صورت مختلف شامل ۱- سطح يايين شكستكي كاملاً صاف و سطح بالا كاملاً زبر و ۲- هر دو سطح بالا و پایین شکستگی زبر و بهصورت متقارن در نظر گرفته شده که این دو حالت هندسی به ترتیب SMD و SYM نام گذاری شدهاند. در این مقاله از شش مدل هندسی مختلف از شکستگی (با نام گذاری CI-SMD، -CI (CIII-SYM , CIII-SMD , CII-SYM , CII-SMD , SYM استفاده شده است. لازم به ذکر است، شکستگیهای مورد استفاده در تحلیلهای عددی این مقاله کاملاً منطبق بر شکستگی های مورد استفاده در مطالعه (Javadi M., 2018) بوده که برای اطلاعات بیشتر در این خصوص به مرجع مذکور مراجعه شود.

شبیهسازی جریان نفت در داخل شکستگی بهصورت حل عددی همزمان معادلات ناویه-استوکس و پیوستگی با روش حجم محدود و با استفاده از نرمافزار FLUENTTM انجام شده است. با توجه به حضور ساختارهای بسیار کوچک جریان در داخل شکستگی، لازم است برای حل عددی معادلات جریان از مش بندی بسیار ریز استفاده شود. بدین منظور، فضای داخل شکستگیها به شبکه المانهای محاسباتی با حداقل تعداد ۱۲۰۰۰۰ مش تتراهدرال و با استفاده از نرمافزار GAMBITTM تبدیل شده و برای شبیه سازی مورد استفاده قرار گرفته است. شرایط مرزی شامل

فصلنامهی علمی ژئومکانیک نفت؛ دورهی ۳؛ شمارهی ۲؛ تابستان ۱۳۹۸

استفاده شده، لازم است قبل از بررسی نتایج شبیهسازی، صحت فرآیند فوق مورد سنجش و ارزیابی قرار گیرد. این بررسیها در دو دسته مختلف شامل ۱-صحتسنجی (کنترل درستی محاسبات عددی) و ۲-استقلال نتایج از شبکه (استقلال از نحوه مشبندی شامل تعداد و اندازه المانها) انجام شده است. صحتسنجی با استفاده از مدل شکستگی ایده آل انجام شده و نتایج آن با حل تحلیلی مورد ارزیابی قرار گرفته است. برای بررسی استقلال نتایج از شبکه، از تحلیل حساسیت افت فشار استاتیک به تعداد و ابعاد مش و با حد پذیرش خطای ۱٪ انجام شده است. تحلیلهای مربوط به استقلال از شبکه و صحتسنجی محاسبات عددی به طور مشابه با (*Javadi M. 2018*) انجام شده و در نتیجه این مشابه با (*Javadi M. 2018*) انجام شده و در نتیجه این

سرعت ورودی ^۲ و جریان خروجی ^۲ به ترتیب برای ورودی و خروجی شکستگی اعمال شده است. با توجه به فرض نفوذناپذیر بودن دیوارههای شکستگی، شرط مرزی بدون جریان ^۴ برای سطوح جامد دیواره در نظر گرفته شده است. نمای کلی از هندسه شکستگی *CI-SMD،* شرایط مرزی اعمالی و مشبندی دامنه برای مدل سهبعدی در شکل ۱ نشان نسبی ۸۵/۰ و ویسکوزیته *cP* و با استفاده از روش مستقیم نسبی ۵۵/۰ و ویسکوزیته *cP* و با استفاده از روش مستقیم *DNS* انجام شده است. شبیه سازی جریان در داخل شکستگی نسبی مدادز) و به صورت سرعت ورودی از دبی جریان ورودی (یا عدد انجام شده و فشار نسبی داخل شکستگی در شبیه سازی ها بیشتر از فشار نقطه حباب لحاظ شده است. با توجه به اینکه در این مقاله از شبیه سازی عددی برای تحلیل های جریان در این مقاله از شبیه سازی عددی برای تحلیل های جریان



شکل ۱. نمای سهبُعدی از هندسه، شرایط مرزی و مشبندی یکی از شکستگیهای مورد استفاده در شبیهسازی عددی (CI-SMD)

² Inlet Velocity

³ Out Flow

⁴ No-Slip

۴. نتايج

در مطالعات مربوط به جریان سیال در شکستگیهای سنگی، وابستگی فاکتورهایی از قبیل افت فشار، نحوه توزیع جریان در صفحه شکستگی و توزیع سرعت سیال به میزان دبی جریان سیال عبوری از شکستگی (معادل با عدد رینولدز) بهعنوان مهم ترین جنبه های رفتاری مطرح می شود. برای بررسی این جنبههای رفتاری، در مرحله اول، افت توزیع فشار استاتیک بر روی صفحه شکستگی مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور، برای مقادیر مختلف سرعت جریان ورودی (شرایط مرزی)، کانتورهای توزیع فشار استاتیک در شکستگی CI و برای هر دو مدل هندسی SMD و SYM ترسیم و در شکل ۲ نشان داده شده است. لازم به ذکر است، صفحه شکستگی مورد استفاده برای ترسیم کانتورها، در وسط تراز ارتفاعی شکستگی (در فاصله ۳۲۵ میکرونی از کف مدل) تعریف شده است. همچنین، محل ورودی جریان با کادر آبی رنگ مشخص و مقادیر سرعت ورودی در این کادر نشان داده شده است. مقادیر حداکثر و حداقل فشار استاتیک نیز به صورت جدول در بالای هر یک از کانتورها نشان داده شده است.

مطابق با شکل ۲، با افزایش فاصله از محل ورودی جریان، مقادیر فشار استاتیک روی صفحه شکستگی کاهش یافته که در نتیجه، بیشترین و کمترین مقادیر فشار استاتیک به ترتیب در محل ورودی و خروجی شکستگی حاصل میشود. برای مقادیر اندک سرعت ورودی جریان (معادل با مقادیر اندک عدد رینولدز)، کانتورهای فشار استاتیک در طول شکستگی (موازی با جهت جریان) دارای شکل هندسی منظمتری بوده و بخشی از کانتورها با هم موازی هستند. توازی کانتورهای فشار استاتیک معادل با رفتار شکستگی ایده آل (شکستگی با صفحات صاف و موازی) بوده و هر چه ایده آل نزدیکتر خواهد بود (لازم به ذکر است برای یک شکستگی ایده آل، کانتورهای فشار استاتیک روی صفحه شکستگی ایده آل، کانتورهای فشار استاتیک روی صفحه شکستگی به صورت کاملاً موازی بوده و خطوط کانتور فشار استاتیک عمود بر جهت جریان هستند).

با افزایش دبی جریان سیال عبوری از شکستگی (معادل با افزایش سرعت ورودی جریان و یا افزایش عدد رینولدز)، از نظم کانتورهای فشار استاتیک کاسته می شود. به عبارت دیگر، با افزایش سرعت ورودی (یا دبی جریان)، تغییرات بیشتری در

الگوی هندسی کانتورهای فشار استاتیک ایجاد می شود. این موضوع بدین معناست که با افزایش دبی جریان سیال عبوری از شکستگی، رفتار سیال درون شکستگی انحراف بیشتری از حالت ایده آل خواهد داشت. این انحراف در عمده موارد تحت عنوان جریان غیرخطی (انحراف از قانون دارسی) تعبیر می شود. وابستگی افت فشار استاتیک به میزان دبی جریان سیال عبوری از شکستگی یکی از مهم ترین جنبههای رفتاری سیال عبوری از شکستگی یکی از مهم ترین جنبههای رفتاری در بحث جریان سیال در شکستگیهای سنگی است. برای بررسی این موضوع، برای هر یک از شبیه سازیها فشار استاتیک با استفاده از مقادیر مختلف سرعت ورودی)، افت فشار استاتیک در ورودی فشار استاتیک در ورودی فاکتور نسبت به دبی جریان عبوری به صورت گراف ترسیم و در شکل ۳ نشان داده شده است.

مقایسه نتایج شکل ۳ نشان می دهد، در مقادیر یکسان از دبی جریان عبوری، در عمده موار دافت فشار استاتیک ایجاد شده در شکستگیها با هندسه متقارن (مدل هندسی SYM) کمتر از مدل هندسی با یک سطح صاف – یک سطح زبر (مدل هندسی SMD) است. با افزایش دبی جریان عبوری این تفاوت بیشتر شده و مقدار عددی اختلاف بین مقادیر افت فشار افزایش می یابد.

همچنین، مطابق با شکل ۳، با افزایش دبی جریان عبوری از شکستگی، میزان افت فشار استاتیک افزایش مییابد. همه نمودارهای دبی افت فشار دارای تقعر به سمت بالا هستند که این موضوع نشان دهنده رفتار غیرخطی (مشله با قانون فورچی میر) و انحراف از قانون دارسی است. به منظور بررسی بهتر این مسئله، در مرحله اول، نتایج حاصل از شبیه سازی عددی به صورت گراف های گرادیان افت فشار (نمودار خطی) و قانون فورچی میر (نمودار غیرخطی از نوع (نمودار خطی) و قانون فورچی میر (نمودار غیرخطی از نوع چند جمله ای در جه ۲) بر نتایج حاصل از شبیه سازی عددی برازش یافته است. این فرآیند برای همه مدل های هندسی از شکستگی (هر شش مدل هندسی) انجام و نتایج آن در شکل ۴ نشان داده شده است.



فصلنامهی علمی ژئومکانیک نفت؛ دورهی ۳؛ شمارهی ۲؛ تابستان ۱۳۹۸

شکل ۲. کانتورهای فشار استاتیک بر روی صفحه شکستگی CI، شکل بالا: مدل هندسی SYS، شکل پایین: مدل هندسی SMD (مقادیر حداکثر و حداقل فشار استاتیک نیز بهصورت جدول در بالای هر یک از کانتورها نشان داده شده است).

بررسی رفتار غیرخطی جریان نفت درون شکستگیهای سنگی دارای زبری با تکیه بر شبیهسازی سهبعدی معادلات ناویه-استوکس





شکل ۳. تأثیر دبی جریان سیال عبوری از شکستگی بر افت فشار استاتیک: الف) شکستگی SMD، ب) شکستگی SMD.

CII- شکل ۴. برازش قوانین دارسی و فورچیمیر به نتایج شبیهسازی جریان در شکستگیهای مختلف: الف) CII-SMD، ب) -CII-SYM (م) CII-SYM، ج) CIII-SVM، ج) CIII-SYM، ج)

برای کلیه مدل های هندسی شکستگی، مقادیر خطای نسبی گرادیان افت فشار حاصل از برازش قانون دارسی و نتایج شبیهسازی بهصورت نموداری ترسیم و در شکل ۵ نشان داده شده است. مطابق با شکل ۵، برای مقادیر اندک از دبی جریان عبوری از شکستگی، مقادیر خطای نسبی بسیار زیاد بوده و در محدوده ۱۵ الی ۲۷ درصد است. به عبارت دیگر، برای مقادیر اندک از دبی جریان عبوری از شکستگی، برازش قلون دارسی، مقادیر گرادیان افت فشار را در حدود ۱۵ الی ۲۷ درصد بیشتر از نتایج شبیهسازی برآورد می کند. با افزایش دبی جریان عبوری از شکستگی، خطای نسبی بین برازش قانون دارسی و نتایج شبیهسازی ابتدا کاهش یافته و سپس افزایش می یابد که این تغییرات در مقادیر خطا همراه با تغییر نوع خطابه ترتيب از حالت بيش برآورد به كم برآورد گراديان افت فشار نیز همراه است. به عبارت دیگر، برای مقادیر اندک از دبی جریان عبوری از شکستگی، قانون دارسی مقادیر گرادیان افت فشار را بیشتر از مقادیر شبیهسازی بر آورد نموده و برای مقادیر بزرگ از دبی جریان عبوری از شکستگی، مقادیر گرادیان افت فشار پیشبینی شده با برازش قانون دارسی کمتر از مقادیر حاصل از شبیه سازی عددی خواهد بود. مقادیر خطای نسبی گرادیان افت فشار حاصل از برازش قانون فورچیمیر و نتایج شبیه سازی در شکل ۶ نشان داده شده است. مطابق با شکل ۶، مقادیر خطای نسبی بین برازش قانون فورچیمیر و نتایج حاصل از شبیهسازی بسیار اندک است. همچنین، در عمده موارد اختلاف بین نتایج حاصل از برازش قانون فورچیمیر و شبیهسازی کمتر از ٪۱/۵ است.

در شکل ۴، نتایج حاصل از برازش قوانین دارسی و فورچیمیر به نتایچ حاصل از شبیهسازی نشان داده شده است. برای برازش قانون دارسی به نتایج حاصل از شبیهسازی، از تلبع ر گرسیون خطی استفاده شده و منحنی برازش شده به نتایج، به صورت یک تابع خطی خواهد بود. همچنین، برای برازش قانون فورچیمیر به نتایج حاصل از شبیهسازی، از تابع ر گرسیون غیرخطی استفاده شده و منحنی برازش شده به نتایج، به صورت یک تابع دوجمله ای است. مقایسه نتایج شکل ۴ نشان میدهد که هر دو قانون فورچیمیر و دارسی دارای مقادیر R^2 بسیار خوبی هستند ولی در تمامی مدلهای هندسی از شکستگی، برازش قانون فورچیمیر به نتایج شبیه سازی از دقت و اعتبار بسیار بیشتری برخوردار است. برای پایش دقت عملکرد توابع برازش (بررسی میزان اعتبار قوانین دارسی و فورچیمیر)، مقادیر خطای حاصل از تابع برازش یافته به نتایج مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور ابتدا مقادیر گرادیان افت فشار حاصل از دبی جریان عبوری از شکستگیهای مختلف با استفاده از توابع برازش محاسبه شده است (این مقدار محاسبه شده تحت عنوان نام گذاری شده است)؛ سپس مقادیر گرادیان افت $abla P_{Reg.}$ فشار حاصل از شبیه سازی (*P*sim) به عنوان مبنا در نظر گرفته شده و مقادیر خطای نسبی بین منحنی برازش و نتایج حاصل از شبیه سازی به صورت زیر محاسبه شده است:

$$RE(\%) = 100 \times \frac{\nabla P_{Sim.} - \nabla P_{Reg.}}{\nabla P_{Sim.}} \tag{(\Delta)}$$



شکل ۵. خطای نسبی بین نتایج حاصل از شبیهسازی و برازش قانون دارسی: الف) شکستگیهای SYM، ب) شکستگیهای SMD.



شکل ۶. خطای نسبی بین نتایج حاصل از شبیهسازی و برازش قانون فورچیمیر: الف) شکستگیهای SYM، ب) شکستگیهای SMD.

$$a_{h} = \left[\frac{12\mu Q_{Sim.}}{w.\nabla P}\right]^{\frac{1}{3}}$$

$$k = \frac{a_{h}^{2}}{12}$$
(?)

که در رابطه فوق Q_{Sim} دبی جریان عبوری از شکستگی (مطابق با شبیه سازی)، w عرض شکستگی، abla p گرادیان فشار k ابتدا و انتهای شکستگی، a_h دهانه هیدرولیکی شکستگی و نفوذیذیری شکستگی است. برای هر یک از مقادیر سرعت ورودی جریان (شرایط مرزی اعمالی به شکستگی)، مقادیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی با استفاده از رابطه ۶ محاسبه شده و به تفکیک شکستگیهای مختلف به ترتیب در شکل ۷ و شکل ۸ نشان داده شده است. شکل ۷ و شکل ۸ به خوبی نشان میدهند که به دلیل رفتار غیرخطی جریان عبوری از شکستگی، دهانه هیدرولیکی و نفوذیذیری شکستگی، پارامترهای ثابت (مستقل) نبوده و کاملاً به میزان دبی جریان عبوری از شکستگی (و یا سرعت جریان) وابسته هستند. این موضوع، هم برای شکستگی های با هندسه متقارن (SYM) و هم برای شکستگیهای با یک دیواره زبر و یک دیواره صاف (SMD) صادق است. همچنین، با افزایش سرعت جریان نفت در داخل شکستگی (معادل با افزایش دبی جریان و یا عدد رینولدز)، مقدار دهانه هیدرولیکی شکستگی و نفوذپذیری بهطور غیرخطی کاهش مییابند. مقایسه شکل ۵ و شکل ۶ نشان میدهد که رفتار جریان در شکستگیهای سنگی با قانون فورچیمیر انطباق بسیار بیشتری داشته و قانون دارسی از دقت کافی برخوردار نیست. به عبارت دیگر، توصیف رفتار جریان در شکستگیهای سنگی با استفاده از قانون دارسی همراه با انحراف بوده و در چنین مواردی، استفاده از قانون فورچیمیر منتج به توصیف دقیقتری از رفتار هیدرولیکی شکستگیهای سنگی خواهد شد. در حقیقت، رفتار جریان نفت درون شکستگیهای سنگی بهصورت غیرخطی بوده و این رفتار غیرخطی با استفاده از قانون فورچیمیر به خوبی توصیف می شود.

در رفتار خطی جریان (قانون دارسی)، فرض اساسی بر مستقل بودن پارامترهای هیدرولیکی محیط^۵ از نرخ جریان (دبی جریان عبوری) است. حال آنکه، رفتار غیرخطی جریان بدین معنا خواهد بود که پارامترهای هیدرولیکی شکستگی نظیر دهانه هیدرولیکی و یا نفوذپذیری به نرخ جریان عبوری وابسته خواهند بود. برای بررسی این ویژگی خاص از رفتار فیرخطی جریان در شکستگیهای سنگی، تأثیر نرخ جریان بر روی پارامترهایی نظیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور، مقادیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی با استفاده از روابط زیر محاسبه شده است:

⁵ Media

فصلنامهی علمی ژئومکانیک نفت؛ دورهی ۳؛ شمارهی ۲؛ تابستان ۱۳۹۸



شکل ۷. تأثیر دبی جریان عبوری از شکستگی بر دهانه هیدرولیکی: الف) شکستگیهای SYM، ب) شکستگیهای SMD.



شکل ۸. تأثیر دبی جریان عبوری از شکستگی بر نفوذپذیری: الف) شکستگیهای SYM، ب) شکستگیهای SMD.

نشان داده شده است. لازم به ذکر است، برای بی بعدسازی از یک مقدار مبنا استفاده شده که این مقدار مبنا با جایگذاری ضریب A حاصل از برازش منحنی غیرخطی (قانون فورچی میر) مندرج در شکل ۴ در رابطه ۶ به دست آمده است. به منظور بررسی میزان تأثیرپذیری دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی از دبی جریان عبوری از شکستگی، مقادیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری با استفاده از یک مقدار مبنا بی بعد شده و نتایج آن به ترتیب در شکل ۹ و شکل ۱۰

بررسی رفتار غیرخطی جریان نفت درون شکستگیهای سنگی دارای زبری با تکیه بر شبیهسازی سهبعدی معادلات ناویه-استوکس



شکل ۹. تأثیر دبی جریان عبوری از شکستگی بر دهانه هیدرولیکی بیبُعد شده: الف) شکستگیهای SYM& ب) شکستگیهای SMD.



شکل ۱۰. تأثیر دبی جریان عبوری از شکستگی بر نفوذپذیری بیبُعد شده: الف) شکستگیهای SYM، ب) شکستگیهای SMD.

مطابق با شکل ۹، با افزایش دبی نفت عبوری از شکستگی، مقادیر دهانه هیدرولیکی بی بعد شده، به صورت غیرخطی ب کاهش می یابند. به طور مشابه، با افزایش دبی جریان نفت م عبوری از شکستگی، مقادیر نفوذپذیری بی بعد شده نیز به صورت غیر خطی کاهش می یابند (شکل ۱۰). نرخ تغییرات نفوذپذیری بی بعد شده شکستگی بیشتر از نرخ تغییرات مربوط به دهانه هیدرولیکی بی بعد شده است که این موضوع کاملاً با رابطه ۶ همخوانی دارد. به عبارت دیگر، نفوذپذیری شکستگی تابعی در جه ۲ از مقدار دهانه هیدرولیکی شکستگی خواهد بود که در نتیجه کاهش ۱۰ درصدی در مقدار دهانه هیدرولیکی باعث می شود که مقدار نفوذپذیری شکستگی در

حدود ۱۹ درصد کاهش یابد؛ که این ارتباط در نتایج مربوط به مقادیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری بیبعد شده کاملاً مشهود است.

۵. بحث

عبور جریان سیال (نفت و یا سایر سیالات) از فضای داخلی شکستگیهای سنگی با افت انرژی سیال همراه است. منشأ افت انرژی جریان سیال در داخل شکستگیها را میتوان به دو مکانیسم مختلف شامل اثر نیروهای ویسکوز و اثر نیروهای اینرسی نسبت داد. معمولاً اثر نیروهای ویسکوز در افت فشار سیالات نیوتنی به صورت خطی بوده و اثر نیروهای اینرسی

به صورت غیر خطی خواهد بود. رفتار غیر خطی در جریان سیال داخل شکستگیهای سنگی معمولاً به دلیل اثر نیروهای اینرسی ناشی از تغییرات سرعت و جهت جریان، گردابههای موضعی در محل تغییرات دهانه و پیچش خطوط جریان ایجاد می شود. با این وجود، در عمده مطالعات پیشین، معادلات حاكم مورد استفاده (مثل روابط روغن كار رينولدز) از دقت کافی برخوردار نبوده و تأثیرات ناشی از فرآیندهای مرتبط با رفتار غیرخطی جریان در این گونه مطالعات منعکس نشده است. هرچه سطح معادلات حاکم مورد استفاده برای حل عددی معادلات جریان بیشتر باشد، اثر تقابلی این دو نوع مکانیسم به طور دقیق تری در محاسبات اعمال شده و نتایج خروجی از حل عددی معادلات جریان دقیقتر خواهد بود. در چنین شرایطی، استفاده از معادلات ناویه-استوکس (که بهعنوان بالاترین سطح معادلات حاکم بر جریان سیالات نيوتنى شناخته مى شوند)، براى شبيه سازى جريان سيال، رفتار واقعی سیال را به طرز مناسبتر و دقیقتری منعکس می کند. به همین دلیل، امروزه روش های عددی مبتنی بر حل عددی معادلات ناویه-استوکس (دینامیک سیال محاسباتی) بهعنوان یک ابزار سودمند و غیرقابل جایگزین برای بررسی و مطالعه رفتار جریان سیال بهویژه شبیهسازی جریان نفت در شکستگیهای سنگی مطرح شده که در مقاله حاضر نیز از این روش استفاده شده است.

استفاده کاربردی از روش عددی حل معادلات ناویه-استوکس نیازمند صحتسنجی⁵ و اعتبارسنجی^۷ خواهد بود. صحتسنجی شبیهسازی عددی مورد استفاده در این پژوهش، در مطالعه پیشین (Javadi M. , 2018) انجام شده که مطالعه مذکور حاکی از صحت محاسبات عددی است. با توجه به صحتسنجی شبیهسازی عددی، استفاده از این ابزار برای مقاصد پژوهشی و برای بررسی جنبههای مختلف رفتاری بهویژه بروز رفتار غیر خطی جریان نفت درون شکستگیهای سنگی برای مطالعات بعدی به شدت توصیه می شود. با این وجود، در رابطه با اعتبارسنجی روش عددی برای فرآیند جریان سیال درون شکستگیهای واقعی، تاکنون پژوهش مدوّن و قابل اعتمادی در این رابطه توسط محققین ارائه نشده که این موضوع به عنوان رویکرد اصلی در مطالعات آینده باید

در نظر گرفته شود. رفتار جریان سیال در دامنه فیزیکی و برای هر نقطه از سیال (فاز) را می توان با استفاده از معادلات ناویه-استوکس مورد بررسی قرار داد که این توصیف ریاضی از رفتار جریان سیال تحت عنوان "سطح میکروسکوپیک" شناخته می شوند. با این وجود، به کار گیری معادلات ریضی در سطح میکروسکوپیک با پیچیدگیهای شدیدی در رابطه با برآورد هندسه پیچیده و اعمال شرایط مرزی روی مرزها و پیچیدگی حل معادلات همراه بوده و عملاً برای مسائل بزرگ مقياس، براى چيره شدن بر اين مشكلات، مسائل جريان و انتقال سيال به "سطح ماكروسكوپيك" تبديل شوند؛ كه اين تبدیل با استفاده از میانگین گیری ترمهای میکروسکوپیک و معادل سازی جنبه های رفتاری با استفاده از یک سری پارامتر انجام میشود. این روش که در بسیاری از شاخههای علوم به كار گرفته مىشود تحت عنوان "روش پيوسته" نيز تعبير می شود. در حقیقت، در زمان میانگین گیری ترمهای میکروسکوپیک و تعمیمدهی این ترمها بر رفتار ماکروسکوپیک، ناگزیر باید از پارامتر هایی استفاده کرد که این پارامترها بر اساس نوع قوانین مفروض تعریف می شوند. برای مسائل مرتبط با جریان سیال در محیطهای سنگی (بهویژه جریان نفت در مخازن هیدروکربوری)، معادله حاکم بر جریان در سطح ماکروسکوپیک معمولاً با فرض برقراری قانون دارسی استنباط مي شوند.

علی رغم سادگی این قانون، مطالعات اخیر نشان می دهد که رفتار جریان سیال در مقیاس ماکروسکوپیک به صورت غیر خطی ظاهر شده و قانون فور چی میر با این جنبه رفتاری انطباق بسیار بهتری دارد. بنابراین، استفاده از قانون فور چی میر برای افزایش دقت معادلات جریان در سطح ماکروسکوپیک پیشنهاد می شود. همان گونه که در بخشهای قبل توضیح داده شده، قانون فور چی میر رفتار جریان نفت درون شکستگی های سنگی را با دقت بسیار بیشتری نسبت به قانون دارسی توصیف می کند. تفاوت عمده بین قانون دارسی و قانون فور چی میر مربوط به ترم غیر خطی جریان است. در حقیقت، قانون فور چی میر یک رابطه جامع تر نسبت به قانون دارسی بوده و با حذف ترم غیر خطی (معادل با ترم 2 BQ در رابطه ۴)، رابطه فور چی میر به رابطه دارسی تقلیل

⁶ Verification

⁷ Validation

می یابد. در این حالت، می توان این گونه نتیجه گیری کرد که قانون دارسی زیرمجموعهای از رفتار کلیتر یا جامعتر BQ^2 فورچی میر بوده که برای موارد خاصی که بتوان از ترم صرفنظر کرد، قانون فورچیمیر به قانون دارسی تقلیل می یابد. این موضوع برای مقادیر اندک از عدد رینولدز معادل با مقادیر اندک دبی جریان عبوری از شکستگی رخ میدهد که در چنین مواردی، سهم ترم BQ² به دلیل حضور توان دوم نسبت به ترم AQاندک قابل صرفنظر کردن خواهد بود. به عبارت دیگر، در مقادیر اندک از دبی جریان عبوری از شکستگی، سهم ترم BQ^2 در ایجاد افت فشار استاتیک شکستگی قابل صرفنظر کردن بودن و با حذف این ترم، رابطه جامع فور چیمیر به رابطه دارسی تبدیل می شود. در این حلت می توان این گونه نتیجه گیری کرد که قانون فورچی میر را می توان برای کل دامنه دبی های عبوری از شکستگی با دقت مناسبی بکار گرفت ولی قانون دارسی فقط برای بخشی از این دامنه (برای مقادیر اندک دبی جریان عبوری) دارای کفایت لازم و دقت مناسب خواهد بود.

منشأ تعريف پارامترهايي نظير دهانه هيدروليكي و نفوذپذیری شکستگی اساساً بر اساس فرض برقراری قانون دارسی (در سطح ماکروسکوپیک) است. وجود رفتار غیرخطی و به ویژه برقرار قانون فورچیمیر برای جریان نفت درون شکستگیهای سنگی باعث میشود که پارامترهایی نظیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی تابعی از میزان دبی جریان بوده و در نتیجه فرض استقلال این پارامترها از دبی جریان مخدوش شود. حضور ترم BQ^2 در معادلات حاکم بر جريان ماكروسكوپيك باعث افزايش افت فشار ناشي از جريان شده که این موضوع به معنای افزایش مقاومت شکستگی در مقابل جریان خواهد بود. افزایش مقاومت شکستگی در مقلبل جریان نیز معادل با کاهش نفوذپذیری با دهانه هیدرولیکی بوده؛ و در نتیجه هر چه میزان دبی جریان عبوری از شکستگی بیشتر باشد، پارامترهایی نظیر دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری شکستگی کاهش بیشتری مییابند. در مقادیر اندک دبی نفت عبوري از شكستگي، مقادير بيبعد شده دهانه هيدروليكي و نفوذپذیری نزدیک به یک هستند که این موضوع حاکی از برقراری قانون دارسی (با اعمال اصلاح لازم در خصوص دهله هیدرولیکی و بالتبع قانون دارسی) خواهد بود. به عبارت دیگر، در صورتی که امکان اصلاح مقدار دهانه هیدرولیکی (بهطور

مثال با استفاده از نتایج آزمایشگاهی، روابط تجربی و یا روابط هندسی کلاسیک جهت تبدیل دهانه مکانیکی به دهانه مؤثر) و نفوذپذیری وجود داشته باشد؛ میتوان برای جریانهای با نرخ بسیار کم همچنان از قانون دارسی استفاده نمود. با این وجود، دامنه اعتبار این قانون (که بهطور معمول در عمده مطالعات عملی مورد استفاده قرار می گیرد)، با افزایش دبی جریان نفت عبوری از شکستگی کاهش مییابد. همچنین، در حالتی که دبی جریان نفت عبوری از شکستگی زیاد باشد، مقادیر بی بعد شده دهانه هیدرولیکی و نفوذپذیری کمتر از یک خواهد بود. در چنین شرایطی، مدلهای هیدرولیکی بزرگ مقیاس از مخازن هیدرو کربوری شکاف دار، همواره بانوع خاصی از خطا به دلیل وجود جریان غیرخطی در شکستگیهای سنگی همراه خواهند بود و کالیبراسیون این

۶. نتیجهگیری

در این مقاله، تأثیر جریان غیرخطی نفت درون شکستگیهای سنگی بر پارامترهای هیدرولیکی و با هدف برآورد میزان انحراف رفتار هیدرولیکی شکستگیهای سنگی از قانون دارسی مورد مطالعه قرار گرفته است. بدین منظور، از نتایج شبیهسازی جریان نفت در داخل شکستگی سهبعدی دارای دیوارههای زبر استفاده است. شبیهسازی جریان نفت درون شكستگى بەصورت سەبعدى بودە و شامل حل عددى همزمان معادلات ناویه-استوکس و پیوستگی به روش حجم محدود بوده که این فرآیند با استفاده از نرمافزار FLUENTTM انجام شده است. شبیه سازی جریان غیر خطی برای شش شکستگی با هندسههای مختلف انجام شده و نتایج حاصل، از دیدگاه نوع رژیم حاکم بر جریان تحلیل شده و تأثیر رفتار غیرخطی جریان بر پارامترهای هیدرولیکی (از قبیل نفوذپذیری و دهله هیدرولیکی) شکستگیهای سنگی با دیواره زبر مورد بررسی قرار گرفته است. بر اساس تحلیلهای مختلف صورت گرفته، موارد زیر به عنوان مهم ترین نتایج این مقاله حاصل شده است: برای مقادیر اندک سرعت ورودی جریان، کانتورهای فشار استاتیک در طول شکستگی دارای شکل هندسی منظمتری بوده و بخشی از کانتورها با هم موازی هستند. توازی كانتورهاي فشار استاتيك معادل با رفتار ايدهآل جريان (قلون دارسی) در شکستگی بوده که با افزایش دبی جریان سیال فصلنامهی علمی ژئومکانیک نفت؛ دورهی ۳؛ شمارهی ۲؛ تابستان ۱۳۹۸

عبوری از شکستگی، رفتار هیدرولیکی شکستگی از حلت ایده آل منحرف شده که اثر آن در بی نظمی کانتورهای فشار 💫 هیدروکربوری شکاف دار، همواره با نوع خاصی از خطا به دلیل استاتیک انعکاس می یابد.

> نمودارهای دبی-افت فشار غیرخطی بوده و منحنیها دارای تقعر به سمت بالا هستند. نتایج حاصل از برازش قوانین دارسی و فورچیمیر به نتایج حاصل از شبیهسازی نشان فورچیمیر کنترل میشود. همچنین، دقت قانون فورچیمیر برای توصیف رفتار جریان نفت در شکستگی مورد بررسی بیش، از ۹۸٪ بوده در حالی خطای قانون دارسی به بیش از ۲۷٪ نیز میرسد. رفتار جریان نفت درون شکستگیهای سنگی به صورت غیر خطی بوده و این رفتار غیر خطی با استفاده از قانون فورچیمیر بهخوبی توصیف می شود. به دلیل رفتار غیرخطی جریان عبوری از شکستگی، دهانه هیدرولیکی و نفوذیذیری یارامترهای ثابت (مستقل) نبوده و کاملاً به میزان دبی جریان عبوری از شکستگی (و یا سرعت جریان) وابسته هستند. نتایج شبیهسازی عددی جریان نشان میدهد، با افزایش سرعت جریان نفت در داخل شکستگی (معادل با افزایش دبی جریان و یا عدد رینولدز)، مقدار دهانه هیدرولیکی شکستگی و نفوذپذیری بهطور غیرخطی کاهش مییابند. در چنین شرایطی، حتی در صورت استفاده از مقادیر کالیبره شده

نفوذپذیری، مدلهای هیدرولیکی بزرگ مقیاس از مخازن وجود جریان غیرخطی در شکستگی های سنگی همراه خواهند بود.

۷. سیاههی نمادها

نماد	واحد	شرح
u	m/s	بردار سرعت
ρ	Kg/m ³	دانسیته سیال
μ	Pa.s	ويسكوزيتەديناميک سيال
р	Pa	فشار هيدروديناميك
Q	m ³ /s	دبی جریان
∇p	Pa/m	گرادیان فشار
а	m	دھانە شكستگى
a_h	m	دهانەھيدرولكىشكستگى
k	m ²	نفوذپذيرى
β	m⁻⁵	ضریب غیردارسی یا مقاومت اینرسی
A	Pa.s/m ⁴	ضریب هدررفت انرژی با مکانیسم ویسکوز
B	kg/m ⁸	ضریب هدررفت انرژی با مکانیسم اینرسی
w	m	عرض شکستگی
S_f	m ²	سطح مقطع شكستكى

مراجع

- Bear, J. (1972). Dynamics of Fluids in Porous Media. New York: Elsevier.
- Bear, J., Tsang, C.-F., & de Marsily, G. (1993). Flow and Contaminant Transport in Fractured Rock. San Diego: Academic Press, Inc.
- Brown, S. R. (1987). Fluid flow through rock joints: the effect of surface roughness. Journal of Geophysical Research, 1337-1347.
- Brown, S., Stockman, H., & Reeves, S. (1995). Applicability of the Reynolds equation for modeling fluid flow between rough surfaces. Geophys. Res. Lett., 2537-2540.
- Brush, D., & Thomson, N. R. (2003). Fluid flow in synthetic rough-walled fractures: Navier-Stokes, Stokes, and local cubic law simulations. Water Res. Res., 1085-1099.
- David, C. (1993). Geometry of flow paths for fluid transport in rocks. Journal of Geophysical Research, 267-278.

Elsworth, D., & Goodman, R. (1986). Characterization of Rock Fissure Hydraulic Conductivity Using

بررسی رفتار غیرخطی جریان نفت درون شکستگیهای سنگی دارای زبری با تکیه بر شبیهسازی سهبعدی معادلات ناویه-استوکس

Idealized Wall Roughness Profiles. Int. J. Rock Mech. Min. Sci., 233-243.

- Ge, S. (1997). A governing equation for fluid flow in rough fractures. Water Resour. Res., 53-61.
- Javadi, M. (2018). Tree-dimensional Crude Oil Flow Simulation through Rough-walled Fractures for Evaluating the Classic Geometrical Equations. *Journal of Petroleum Geomechanics*, 1-17.
- Javadi, M., Sharifzadeh, M., & Shahriar, K. (2010). A New Geometrical Model for Non-Linear Fluid Flow through Rough Fractures. J. Hydrol., 18–30.
- Javadi, M., Sharifzadeh, M., Shahriar, K., & Mehrjooii, M. (2012). Roughness effect on velocity domain through rock fractures. *Sharif Journal of Science and Technology, Civil Engineering*, 21-28.
- Javadi, M., Sharifzadeh, M., Shahriar, K., & Mitani, Y. (2014). Critical Reynolds Number For Non-linear Flow Through Rough-walled Fractures: The Role of Shear Processes. Water Resources Research, 1789–1804.
- Kitandis, P., & Dykaar, B. (1997). Stokes Flow in a Slowly Varying Two-Dimensional Periodic Pore. *Transport in Porous Media*, 89–98.
- Koyama, T., Fardin, N., Jing, L., & Stephansson, O. (2006). Numerical simulation of shear-induced flow anisotropy and scale-dependent aperture and transmissivity evolution of rock fracture replicas. *International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences*, 89–106.
- Koyama, T., Neretnieks, I., & Jing, L. (2008). A numerical study on differences in using Navier–Stokes and Reynolds equations for modeling the fluid flow and particle transport in single rock fractures with shear. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Science*, 1082–1101.
- Nazridoust, K., Ahmadi, G., & Smith, D. H. (2006). A new friction factor correlation for laminar, singlephase flows through rock fractures. *Journal of Hydrology*, 315–328.
- Nelson, R. (2001). *Geologic Analysis of Naturally Fractured Reservoirs*. United States of America: Gulf Professional Publishing.
- Neuzil, C., & Tracy, J. (1981). Flow through fractures. Water Resource. Res., 191–199.
- Nicholl, M., Rajaram, J. H., Glass, R., & Detwiler, R. (1999). Saturated flow in a single fracture: Evaluation of the Reynolds equation in measured aperture field. *Water Res.*, *Res.*, 3361-3373.
- Oron, A. P., & Berkowitz, B. (1998). Flow in rock fractures: the local cubic law assumption reexamined. *Water Resources Research*, 2811-2824.
- Piggott, A. R., & Elsworth, D. (1993). Laboratory assessment of the equivalent apertures of a rock fracture. *Geophysical Research Letters*, 1387-1390.
- Renshaw, C. E. (1995). On the relationship between mechanical and hydraulic apertures in rough-walled fractures. *Journal of Geophysical Research*, 629-636.
- Rønningsen, H. P. (2012). Rheology of Petroleum Fluids. ANNUAL TRANSACTIONS OF THE NORDIC RHEOLOGY SOCIETY, 11-18.
- Sarkar, S., Toksöz, M., & Burns, D. (2002). Fluid Flow Simulation in Fractured Reservoirs. MIT Earth

Resources Laboratory.

- Sharifzadeh, M., & Javadi, M. (2017). Groundwater and underground excavations: From theory to practice. In X.-T. Feng, Rock Mechanics and Engineering, Volume 3: Analysis, Modelling and Design; Editor (pp. 299-330). CRC.
- Sharifzadeh, M., Javadi, M., & Shahriar, K. (2010). Evaluation of Non-linear fluid flow through roughwalled fractures. *Amirkabir Journal of Science and Technology, Civil Engineering*, 21-28.
- Thompson, M. E., & Brown, S. R. (1991). The effect of anisotropic surface roughness on flow and transport in fracture. *Journal of Geophysical Research*, 923–932.
- Tsang, Y. W., & Tsang, C. F. (1987). Channel Model of Flow through Fractured Media. *Water Resour. Res.*, 467–479.
- Tsang, Y., & Witherspoon, P. (1981). Hydromechanical Behavior of a Deformable Rock Fracture Subject to Normal Stress. J. Geophys. Res., 9287-9298.
- Wilson, C. R., & Witherspoon, P. A. (1974). Steady state flow in rigid networks of fractures. Water Res. Res., 328–335.
- Witherspoon, P., Wang, J., Iwai, K., & Gale, J. (1980). Validity of cubic law for fluid flow in a deformable rock fracture. *Water Resour. Res.*, 1016–1024.
- Yeo, I. W., & Ge, S. (2005). Applicable range of the Reynolds equation for fluid flow in a rock Fracture. Geosciences Journal, 347-352.
- Zimmerman, R. W., Al-Yaarubi, A. H., Pain, C. C., & Grattoni, C. A. (2004). Non-linear regimes of fluid flow in rock fractures. Int. J. Rock Mech. Min. Sci., 163–169.
- Zimmerman, R., & Bodvarsson, G. (1996). Hydraulic conductivity of rock fractures. Transport in Porous Media, 1–30.